

UNIVERSIDADE FEDERAL DO MARANHÃO  
CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E TECNOLÓGICAS  
CURSO DE CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

Caio Nogueira Silva Belfort

**Análise e Classificação de Termografias Dinâmicas da Mama  
Utilizando a Variação de Temperatura e Máquina de Vetores de  
Suporte**

São Luís  
2016

Caio Nogueira Silva Belfort

**Análise e Classificação de Termografias Dinâmicas da Mama  
Utilizando a Variação de Temperatura e Máquina de Vetores de  
Suporte**

Monografia apresentada ao curso de Ciência da Computação da Universidade Federal do Maranhão, como parte dos requisitos necessários para obtenção do grau de Bacharel em Ciência da Computação.

Orientador: Prof. Dr. Aristófanês Corrêa Silva

São Luís  
2016

Belfort, Caio Nogueira Silva

Análise e classificação de termografias dinâmicas da mama utilizando a variação de temperatura e máquina de vetores de suporte/ Caio Nogueira Silva Belfort. – São Luis, 2016.

59f.

Orientador: Aristófanês Corrêa Silva

Monografia (Graduação) – Universidade Federal do Maranhão, Curso de Ciência da Computação, 2016.

1. Câncer 2. Mama 3. Termografia 4. Aprendizagem de máquina

CDU 004:618.19-006.6

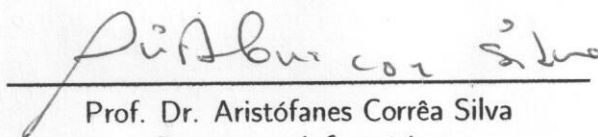
Caio Nogueira Silva Belfort

**Análise e Classificação de Termografias Dinâmicas da Mama  
Utilizando a Variação de Temperatura e Máquina de Vetores de  
Suporte**

Monografia apresentada ao curso de Ciência da Computação da Universidade Federal do Maranhão, como parte dos requisitos necessários para obtenção do grau de Bacharel em Ciência da Computação.

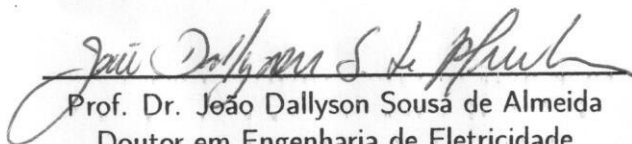
Aprovada em : 28/03/2016

BANCA EXAMINADORA




Prof. Dr. Aristófanês Corrêa Silva  
Doutor em Informática

Universidade Federal do Maranhão



Prof. Dr. João Dallyson Sousa de Almeida  
Doutor em Engenharia de Eletricidade

Universidade Federal do Maranhão



Prof. Ms. Stelmo Magalhães Barros Netto  
Mestre em Engenharia de Eletricidade

Universidade Federal do Maranhão

São Luís

2016

# Agradecimentos

A Deus pela vida e pelo belo universo em que vivemos.

A minha família pelo apoio recebido durante a minha vida, em especial a minha mãe e irmã por todos os momentos que passamos juntos.

Ao meu orientador Aristófanés, pelos conselhos, paciência e em especial pela oportunidade de realizar trabalhos na área de processamento de imagens.

Aos demais professores do curso de Ciência da Computação da Universidade Federal do Maranhão pelo conhecimento passado durante as disciplinas.

Aos amigos e colegas do curso em especial para João, Caio, Jefferson e Giovanni pelo apoio durante a graduação.

Aos amigos do Núcleo de Computação Aplicada e LabPai.

A FAPEMA pelo apoio financeiro durante a iniciação científica.

Ao meu cachorro por sempre estar ao meu lado independente de qualquer coisa.

E a todos que contribuíram direta ou indiretamente para a elaboração deste trabalho.

# Resumo

A termografia das mamas é um exame de imagem que utiliza a radiação infravermelha emitida naturalmente pelo corpo da paciente para detecção de lesões. Possui a capacidade de detectar o câncer de mama de forma mais precoce do que a mamografia, sem causar nenhum efeito colateral ou incômodo físico na paciente. O processamento de imagens médicas é uma área que vem ganhando destaque recentemente, pois metodologias de diagnóstico automático podem auxiliar médicos especialistas na detecção de doenças de forma precoce, aumentando as chances de cura. Este trabalho apresenta uma metodologia de processamento e análise de termografias dinâmicas da mama, como forma de auxiliar médicos especialistas no diagnóstico de doenças relacionadas ao tecido mamário. O registro de imagens é utilizado para efetuar a correção do erro de postura entre as diversas sequências de uma termografia dinâmica. Valores estatísticos são utilizados para medir a variação de temperatura entre as sequências, formando representações da termografia original. Em seguida a extração de características de textura é efetuada em cada representação, formando um conjunto de valores conhecido como vetor de características. Técnicas de redução de características são aplicadas no vetor de características que irá servir de entrada para uma máquina de vetores de suporte que irá efetuar a classificação em mama saudável ou com lesão. A metodologia apresenta 84,7% de acurácia, 86,1% de sensibilidade e 83,3% de especificidade.

**Palavras chave:** Câncer, Mama, Termografia, Aprendizado de Máquina

# Abstract

The breast thermography is an image exam that uses the infrared radiation emitted naturally by the body of the patient to detect lesions. It has the ability to detect breast cancer earlier than mammography, without causing any side effects or physical discomfort to the patient. The medical image processing is an area that has been gaining attention recently because automatic diagnostic methodologies can help specialists in detecting diseases in early stages, increasing the chances of cure. This work presents a processing and analysis methodology of dynamic breast thermography, in order to help physicians in the early diagnosis of breast diseases. The image registration is used to apply the correction in posture between the sequences of a dynamic thermography. Statistical values are used to measure the temperature variation between the sequences, forming representations of the original thermography. Then the extraction of texture features is performed for each statistical image, forming a set of values known as feature vector. Features reduction techniques are applied to the feature vector that will be input into a support vector machine that will perform the classification in healthy breast or with lesion. The methodology presents 84,7% of accuracy, 86,1% of sensitivity and 83,3% of specificity.

**Keywords:** Cancer, Breast, Thermography, Machine Learning

# Lista de ilustrações

Figura 1 – Termografia mamária. . . . .	17
Figura 2 – Termografia dinâmica. . . . .	19
Figura 3 – Registro de imagens é a tarefa de achar uma transformação espacial de uma imagem em outra. . . . .	19
Figura 4 – Fluxograma do processo de registro de imagens. . . . .	21
Figura 5 – Campo de deslocamento da imagem móvel para a imagem fixa. . . . .	22
Figura 6 – Posições de grade da imagem fixa mapeadas para posições fora da grade na imagem móvel. . . . .	24
Figura 7 – Amostras geradas utilizando um distribuição normal multivariada. . . . .	30
Figura 8 – Amostras reduzidas para o espaço bidimensional utilizando os dois principais componentes. . . . .	30
Figura 9 – Distância intra-classe. . . . .	31
Figura 10 – Distância inter-classes. . . . .	32
Figura 11 – Amostras geradas de distribuições normais multivariadas. . . . .	33
Figura 12 – Amostras reduzidas pela aplicação do LDA. . . . .	34
Figura 13 – Construção de hiperplanos. . . . .	35
Figura 14 – Vetores de suporte. . . . .	37
Figura 15 – Conjunto de indivíduos não separáveis linearmente. . . . .	37
Figura 16 – Fluxograma da metodologia. . . . .	39
Figura 17 – Monitoramento da temperatura média para começar a aquisição sequencial. . . . .	40
Figura 18 – Diferença entre termogramas em tempos distintos. . . . .	41
Figura 19 – Extração da região das mamas através do software ImageJ. . . . .	42
Figura 20 – Temperatura Inicial. . . . .	44
Figura 21 – Ganho de temperatura total. . . . .	45
Figura 22 – Ganho de temperatura média entre os tempos da TID. . . . .	45
Figura 23 – Desvio padrão do ganho de temperatura entre os tempos da TID. . . . .	45



# Lista de tabelas

Tabela 1 – Resultados do Grupo 1 (96 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste). . . . .	50
Tabela 2 – Resultados do Grupo 2 (288 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste). . . . .	50
Tabela 3 – Resultados do Grupo 3 (480 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste). . . . .	50
Tabela 4 – Resultados do Grupo 4 (576 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste) . . . . .	51
Tabela 5 – Resultados do Grupo 1 (96 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste). . . . .	52
Tabela 6 – Resultados do Grupo 2 (288 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste). . . . .	52
Tabela 7 – Resultados do Grupo 3 (480 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste). . . . .	52
Tabela 8 – Resultados do Grupo 4 (576 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste). . . . .	52

# Sumário

<b>1</b>	<b>INTRODUÇÃO</b>	<b>11</b>
1.1	Motivação	12
1.2	Objetivos	13
1.2.1	Objetivos Específicos	13
1.3	Organização do Trabalho	14
<b>2</b>	<b>TRABALHOS RELACIONADOS</b>	<b>15</b>
<b>3</b>	<b>FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA</b>	<b>17</b>
3.1	A Termografia	17
3.2	Registro de Imagens	18
3.2.1	Métricas de similaridade	20
3.2.1.1	Correlação Cruzada Normalizada	20
3.2.2	Transformação	21
3.2.2.1	Transformações por <i>B-Splines</i> cúbicas	22
3.2.3	Interpolador	24
3.2.3.1	Interpolador Linear	24
3.2.4	Otimizador	24
3.2.4.1	Limited-memory Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno	25
3.3	Matrizes de Coocorrência de Níveis de Cinza	25
3.3.1	Construção de uma GLCM	26
3.3.2	GLCM Normalizada	26
3.3.3	Características de Textura	26
3.4	Redução de Dimensionalidade	28
3.4.1	Análise de Componentes Principais	28
3.4.2	Análise Discriminante Linear	31
3.5	Máquinas de Vetores de Suporte	34
<b>4</b>	<b>METODOLOGIA PROPOSTA</b>	<b>39</b>
4.1	Aquisição de Imagens	39

4.2	Registro das Imagens . . . . .	40
4.3	Extração da Região de Interesse . . . . .	41
4.4	Extração de Características . . . . .	42
4.5	Redução de Características . . . . .	46
4.6	Classificação . . . . .	47
5	RESULTADOS . . . . .	49
6	CONCLUSÃO . . . . .	54
6.1	Trabalhos Futuros . . . . .	55
	REFERÊNCIAS . . . . .	56

# 1 Introdução

O câncer de mama é o tipo mais comum entre as mulheres em todo o mundo, respondendo por 25% dos casos a cada ano (INCA, 2016). Quando diagnosticado tardiamente, as chances de cura são extremamente reduzidas, tornando o diagnóstico precoce um dos fatores mais importantes na redução da taxa de mortalidade desse tipo de doença.

A incidência do câncer de mama aumenta em paralelo com o aumento da faixa etária, sendo que mulheres acima de 50 anos são mais suscetíveis ao desenvolvimento da patologia. No entanto, existem outros fatores de risco que implicam numa maior chance de aparecimento, como o histórico desse tipo de câncer na família, gestação tardia, terapia de reposição hormonal e exposição à radiação (INCA, 2015).

Os exames mais tradicionais na detecção do câncer de mama são os exames de toque e a mamografia. O exame de toque é um exame de triagem, onde a própria mulher pode procurar por nódulos nos seios. Porém, nem sempre o câncer resulta em aparecimento de nódulos palpáveis. Dessa forma, a mamografia se tornou um exame essencial nos dias de hoje, pois utiliza os raios-x para detectar regiões de alta densidade nas mamas.

Apesar de ser o tipo de exame mais recomendado pelos especialistas, a mamografia é suscetível a falhas, já que mamas com alta densidade apresentam um grau de dificuldade elevado na detecção de lesões, que podem ficar escondidas pelo tecido denso da mama (MINAMIMOTO et al., 2015). Dessa forma é necessário que outros tipos de exames sejam utilizados como forma de prevenção e diagnóstico precoce.

A termografia mamária é um exame de imagem não radioativo capaz de auxiliar médicos especialistas na detecção de lesões que não seriam possíveis de descobrir através da mamografia. Esse tipo de exame utiliza a radiação infravermelha, emitida naturalmente pelo corpo da paciente, para detectar anomalias no padrão de temperatura das mamas, que podem indicar o aparecimento de alguma lesão (SILVA, 2015b).

Regiões próximas de um tumor apresentam aumento na vascularização, ocorrendo uma maior circulação de sangue na região, que causará um aumento de temperatura em relação as outras regiões da mama. Esse aumento de temperatura é detectável através da termografia,

permitindo que especialistas detectem a formação de um tumor antes mesmo que ele seja palpável (BORCHARTT et al., 2013).

Existem duas formas na obtenção de exames de termografia mamária. A primeira delas é a termografia estática, onde apenas uma imagem da paciente é gerada e analisada. A segunda forma é a chamada termografia dinâmica, onde várias imagens sequenciais são geradas, permitindo que o especialista analise a evolução na distribuição de calor nas mamas da paciente. A metodologia proposta utiliza as termografias dinâmicas para auxiliar médicos especialistas no diagnóstico precoce do câncer de mama.

Durante um exame de termografia dinâmico, a paciente executa movimentos involuntários, causados pela respiração e pelo ajuste de postura, fazendo que as imagens sequenciais do exame não se encaixem perfeitamente, causando um erro que pode influenciar na metodologia.

O registro de imagens deformável por *B-Splines* é utilizado para efetuar a correção desse erro. Posteriormente, extrai-se as regiões de interesse do exame, que são as mamas da paciente. Essa extração é feita de forma manual através de um aplicativo, onde o especialista deverá demarcar a região da mama.

Logo após, a etapa de extração de características é executada, onde os pixels de mesma posição e diferentes tempos da termografia são analisados como uma série de tempo, produzindo um conjunto de valores estatísticos para cada pixel, formando novas imagens a partir da termografia dinâmica original. A partir dessas imagens geradas, são extraídas o conjunto de características de textura a partir de matrizes de coocorrência.

Essas características podem ser reduzidas através de técnicas de redução de características como a técnica de Análise dos Componentes Principais seguida pela Análise Discriminante Linear. No final do processo, as características reduzidas irão servir de entrada para uma Máquina de Vetores de Suporte que irá ser responsável por classificar as pacientes em saudável ou com lesão.

## 1.1 Motivação

O diagnóstico precoce do câncer de mama é um fator extremamente importante para aumentar as chances de cura e reduzir as taxas de mortalidade. A mamografia não

é recomendada para pacientes jovens e que possuem mamas densas, pois existe a dificuldade na detecção de nódulos nesse tipo de mama, que ficam escondidos no tecido da mama (MINAMIMOTO et al., 2015). A radiação também é um fator que torna a mamografia um exame que deve ser aplicado com cautela.

A termografia mamária não possui os efeitos da radiação, além do mais é capaz de detectar tumores antes mesmos de estes serem palpáveis. A termografia mamária dinâmica analisa o comportamento de temperatura das mamas em um determinado tempo, sendo de grande auxílio na detecção de tumores.

Médicos especialistas nem sempre conseguem distinguir os padrões de comportamento ao olho nu, portanto é fundamental a criação uma ferramenta que auxilie os especialistas na análise de termografias mamárias dinâmicas.

## 1.2 Objetivos

Desenvolver uma metodologia computacional que analise um exame termográfico dinâmico das mamas, a fim de encontrar padrões que diferenciem mamas saudáveis de mamas com algum tipo de lesão.

### 1.2.1 Objetivos Específicos

Alguns objetivos específicos são necessários para completar o objetivos geral, sendo eles:

- Desenvolver técnicas que permitam a correção de erros postura gerados durante a aquisição de exames termográficos dinâmicos.
- Analisar a variação de temperatura entre os diferentes tempos do exame, gerando características que sejam capazes de diferenciar os pacientes saudáveis e com lesão.
- Utilizar as características extraídas para gerar uma Máquina de Vetores de Suporte, que seja capaz de classificar corretamente novos exames.

### 1.3 Organização do Trabalho

Este trabalho é composto por 6 capítulos. O Capítulo 2 apresenta os trabalhos relacionados, que foram fundamentais na elaboração da metodologia proposta.

O Capítulo 3 aborda os conceitos fundamentais para o entendimento da metodologia. Nele são descritas as técnicas utilizadas e seu funcionamento. São citados: A termografia mamária; o registro de imagens; matrizes de coocorrência de níveis de cinza e suas características de textura; técnicas de redução de características como a análise discriminante linear e a análise de componentes principais; e as máquinas de vetor de suporte.

A metodologia é apresentada no Capítulo 4, iniciando com a aquisição do banco de imagens seguido da aplicação do registro de imagens para a correção de postura entre os tempos de um exame termográfico dinâmico, a extração da região de interesse, a extração de características, redução de dimensionalidade e por fim a etapa de classificação.

O Capítulo 5 apresenta os resultados da metodologia com diversos testes distintos, onde são analisados.

Por fim, o Capítulo 6 apresenta as considerações finais e os trabalhos futuros.

## 2 Trabalhos Relacionados

Neste capítulo são apresentados os trabalhos encontrados na literatura com o objetivo de detectar o câncer de mama através de termografias. Para cada trabalho são abordados os pontos mais importantes e suas contribuições.

Em (ETEHADTAVAKOL; SADRI; NG, 2010) os algoritmos k-means e fuzzy c-means são utilizados para segmentar por cor, termografias estáticas coloridas. É citado que regiões das mamas onde existe um tumor, possuem uma temperatura mais elevada que os tecidos saudáveis da mama, de forma que a metodologia do trabalho é feita para detectar essas regiões de alta temperatura.

Em (JUNIOR et al., 2013) é apresentada uma metodologia para detecção de regiões suspeitas na mama através termografias estáticas. A detecção é feita a partir da análise de assimetria entre as mamas direita e esquerda. As mamas são segmentadas e em seguida são mapeadas para o mesmo espaço de coordenadas através do registro de imagens. O *spatiogram* é utilizado para segmentar as assimetrias. De cada região assimétrica, são retiradas um conjunto de características para serem utilizadas como entrada para uma rede neural com perceptrons em multicamadas. A metodologia apresentou 75% de acurácia.

Em (GERASIMOVA et al., 2014) as termografias dinâmicas são utilizadas para gerar séries temporais, onde a análise multifractal é executada para verificar diferenças entre comportamento de tecidos saudáveis e de um tumor maligno. Foi constatado que as propriedades de multifractais são drasticamente alteradas em mamas com tumor maligno em relação à mamas saudáveis. Para mamas saudáveis foi encontrada uma dimensão multifractal que tem por característica uma mudança contínua na função de densidade de probabilidade da variação de temperatura através do tempo. Para mamas com tumor, os sinais térmicos apresentam uma variação de temperatura monofractal homogênea, evidenciada pela perda de complexidade.

Em (SILVA, 2015b) séries temporais de janelas de uma termografia dinâmica são utilizadas na classificação automática de mamas saudáveis e doentes. O registro de imagem é utilizado para corrigir o erro de postura entre os diversos tempos. É feita a segmentação manual da região das mamas que será dividida em janelas de vários tamanhos. Para cada janela



o valor máximo de temperatura de cada tempo é utilizado para criar um conjunto de dados. Esses dados são agrupados através do K-means, onde métricas são geradas e utilizadas por um algoritmo de aprendizado de máquina. O trabalho utiliza várias técnicas para demonstrar a eficiência do método, onde foi possível obter um acerto de 100% para alguns classificadores utilizados.

Os trabalhos apresentados mostram diferentes métodos de utilização das termografias mamárias no auxílio de detecção do câncer de mama e que possuem resultados que comprovam a eficácia desse tipo de exame.

## 3 Fundamentação Teórica

Neste capítulo, serão abordados os conceitos necessários para o entendimento da metodologia proposta.

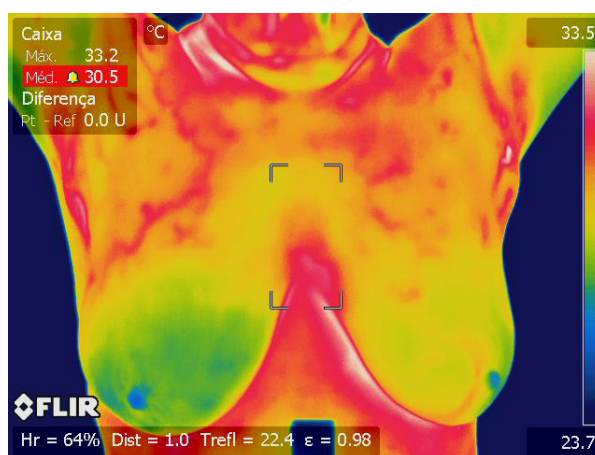
### 3.1 A Termografia

A termografia é uma técnica que permite a visualização dos raios do espectro infravermelho de forma a mapear a temperatura de um objeto. A termografia infravermelha da mama, é um tipo de exame que detecta a radiação infravermelha emitida pela superfície da mama, produzindo um mapa de temperatura conhecido como termograma.

A grande vantagem deste tipo de exame em relação aos exames mais conhecidos, como a mamografia, é que este não utiliza radiação no processo de obtenção das imagens e também não causa incômodo físico ao paciente, pois não é necessário a compressão das mamas, como ocorre na mamografia.

Outro fator a se levar em consideração é o custo extremamente baixo e o fácil manuseio do equipamento necessário para obtenção do exame (BORCHARTT et al., 2013). A Figura 1 apresenta uma termografia em pseudo cor, onde a temperatura varia de acordo com a paleta de cores à direita da imagem.

Figura 1 – Termografia mamária.



Fonte – (SILVA et al., 2014)

A termografia estática (TI), é o tipo de termografia onde a medição de temperatura é feita uma única vez. No caso de TI das mamas são necessários procedimentos (SILVA et al., 2014) de preparação do ambiente e cuidados extras ao paciente para que o exame tenha resultado satisfatório, pois a condição da sala de exame, as loções corporais, o excesso de exposição ao sol e a estimulação das mamas antes do exame podem influenciar o resultado final (SILVA, 2015b).

A termografia dinâmica (TID), é um tipo de termografia onde a mediação de temperatura é realizada através de várias etapas de tempo, ou seja, a TID mede as mudanças de temperatura sobre um determinado período de tempo.

Originalmente conceituada por (ANBAR, 1987), onde notou-se que mudanças bruscas na temperatura da pele produziam informações valiosas, que não podem ser obtidas por meio de uma TI.

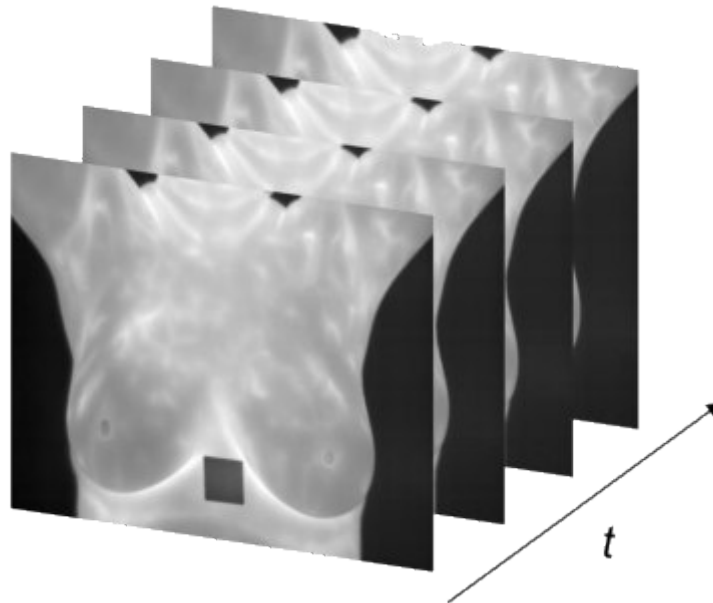
A TID apresenta uma característica importante na detecção de lesões mamárias, pois áreas saudáveis apresentam um comportamento distinto de áreas com algum tipo de patologia. Neoplasias são associadas com a angiogênese que causa um aumento de vascularização na região, sendo que, os vasos recém formados tendem a possuir poucas terminações nervosas, o que causa um comportamento irregular à estímulos externos, que é detectável através de um exame de termografia dinâmico (SILVA, 2015b).

Na prática a TID monitora as mudanças na temperatura da pele, onde o estímulo térmico, como uma corrente de ar, produz um contraste entre tecidos saudáveis e doentes. Regiões saudáveis da mama tendem a apresentar uma evolução temperatura uniforme, enquanto as regiões doentes possuem evolução mais aleatória (AMALU, 2004). A Figura 2 mostra os termogramas em sequência em uma TID.

## 3.2 Registro de Imagens

Quando imagens que foram extraídas entre diferentes tempos, pontos de vista ou aparelhos precisam ser comparadas, ocorre um problema de alinhamento das coordenadas dessas imagens. É necessário efetuar alguma forma de processamento para que essas imagens possam ser comparadas adequadamente. O Registro de Imagens é uma técnica que utiliza uma transformação  $T$  para mapear a posição e o valor de intensidade de um pixel  $p$  da imagem

Figura 2 – Termografia dinâmica.

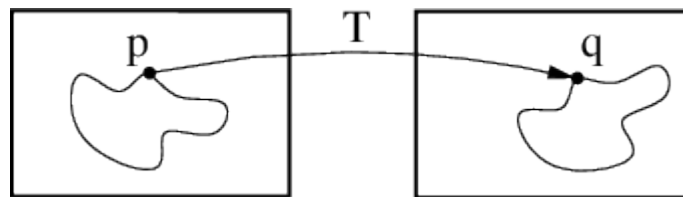


Fonte – Elaborada pelo autor

A para  $q$  na imagem  $B$ , como pode ser visto pela Equação 1. A Figura 3 mostra o efeito desse mapeamento.

$$T : p \rightarrow q \Leftrightarrow T(p) = q \quad (1)$$

Figura 3 – Registro de imagens é a tarefa de achar uma transformação espacial de uma imagem em outra.



Fonte – (IBANEZ et al., 2003)

Na literatura é possível encontrar diversas definições para o problema de registro de imagens. De acordo com (BROWN, 1992), o processo de registro de imagens é transformação de conjuntos distintos de dados para um mesmo sistema de coordenadas. Em (CRUM; HARTKENS; HILL, 2014) é definido como um processo que determina correspondências entre as características de imagens extraídas em diferentes momentos, pontos de vista ou aparelhos. Tais correspondências podem ser utilizadas para aplicar transformações (rotação, translação,

alongamento, etc.) em uma das imagens, de forma que seja possível a comparação entre as duas. A forma mais intuitiva de utilização do registro é para corrigir diferenças na posição entre varreduras em tempos distintos.

O registro de imagens adiciona valor as imagens, permitindo que imagens estruturais (CT, MR, ultrassom) e funcionais (PET, SPECT, funcional MRI) sejam vistas e analisadas no mesmo sistema de coordenadas, e facilita o uso de novas imagens, como para monitorar e quantificar a evolução de uma doença à medida que o tempo passa (CRUM; HARTKENS; HILL, 2014).

A Figura 4 mostra o fluxograma básico de um processo de registro de imagens. Os componentes básicos de um processo de registro de imagens é composto por:

- Imagem fixa: imagem estática cujo espaço de coordenadas é o objetivo.
- Imagem móvel: imagem que será transformada para o espaço de coordenadas da imagem fixa.
- Transformação: função que irá ser responsável por mapear os pixels da imagem móvel na imagem fixa. Geralmente é responsável por dar nome ao registro.
- Métrica: uma medida que indica o quanto duas imagens são equivalentes.
- Interpolador: uma técnica para interpolar os valores da imagem móvel quando são mapeados através da transformação.
- Otimizador: o método utilizado para achar os melhores parâmetros da transformação, que otimiza a métrica entre as duas imagens.

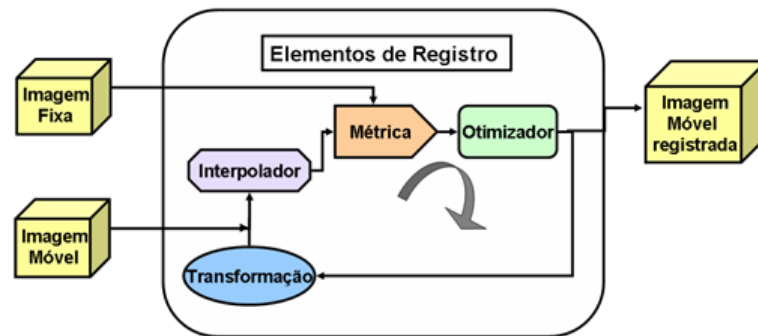
### 3.2.1 Métricas de similaridade

As métricas de similaridade são provavelmente o elemento mais crítico no problema do registro de imagens, pois define o objetivo final do processo, que é medir o quanto a imagem móvel é equivalente à imagem fixa após a aplicação da transformação.

#### 3.2.1.1 Correlação Cruzada Normalizada

A Correlação Cruzada Normalizada é uma métrica insensível à fatores multiplicativos entre as imagens. Produz uma função de custo com picos afiados e mínimos bem definidos.

Figura 4 – Fluxograma do processo de registro de imagens.



Fonte – (PARRAGA, 2008)

Por outro lado tem um raio de captura relativamente pequeno. Sua aplicação é limitada a imagens de mesma modalidade (IBANEZ et al., 2003). A correlação cruzada normalizada é definida Equação 2:

$$C(f, m) = -1 \cdot \frac{\sum_{i=1}^N (f_i \cdot m_i)}{\sqrt{\sum_{i=1}^N f_i^2 \cdot \sum_{i=1}^N m_i^2}}, \quad (2)$$

onde  $f$  e  $m$  são os valores de pixels em forma de vetor das imagens fixa e móvel, respectivamente,  $i$  indica a posição do pixel em  $f$  e  $m$ , e  $N$  a quantidade pixels a ser considerado. Note que a equação é multiplicada por  $-1$ . Esse fator é responsável por fazer o otimizador procurar os valores que mais se aproximem de 0, que é quando duas imagens são ditas equivalentes.

### 3.2.2 Transformação

A transformação é responsável por mapear os pixels da imagem móvel para a imagem fixa. Podemos dividir as transformações em dois conjuntos distintos, rígidas e deformáveis.

As transformações rígidas aplicam sobre a imagem móvel apenas transformações simples como operações de translação e rotação, dessa forma a imagem móvel não sofre deformações, sofrendo apenas o alinhamento de suas coordenadas.

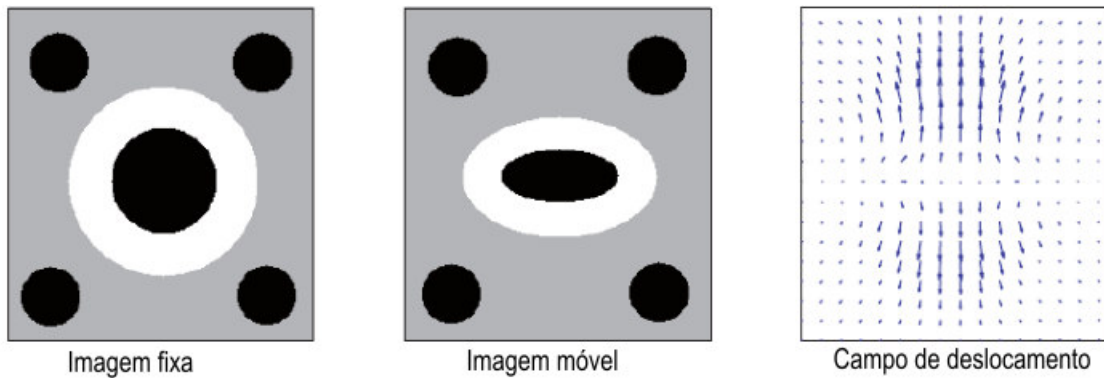
Registros que utilizam transformações rígidas são chamados de registro rígidos e na prática não são utilizados individualmente, pois não são capazes de corrigir erros locais que necessitam de transformações mais complexas para serem resolvidas. Apesar disso, são bastante utilizados como pré-processamento para os chamados registros deformáveis.

As transformações deformáveis são capazes de efetuar deformações nas imagens, tornando possível a correção de erros que uma transformação rígida não é capaz de corrigir. Registro de imagens que utilizam esse tipo de transformação são geralmente chamados de registros não-rígidos ou deformáveis.

### 3.2.2.1 Transformações por *B-Splines* cúbicas

Um dos tipos de transformações não-rígidas mais comuns atualmente são as chamadas transformações por B-splines cúbicas (YIN; HOFFMAN; LIN, 2009). A ideia básica desse tipo de transformação é manipular a grade de pixels a partir dos chamados pontos de controle. Essa manipulação permite criar um campo de deslocamento, que irá mapear os pixels da imagem móvel. A Figura 5 mostra o campo de deslocamento que é utilizado para mapear os pixels da imagem móvel, de forma que se assemelhem à imagem fixa.

Figura 5 – Campo de deslocamento da imagem móvel para a imagem fixa.



Fonte – (SCHWARZ, 2007)

Seja  $\Phi$ , a grade uniforme de dimensões  $n_x \times n_y \times n_z$  com  $\Phi_{i,j,k}$  representando o deslocamento do  $ijk$ -ésimo ponto de controle. O espaço entre as grades de controle nas direções  $x$ ,  $y$  e  $z$  são denotadas por  $\delta_x$ ,  $\delta_y$  e  $\delta_z$ , respectivamente. A transformação  $T(x : \Phi)$  é definida por

$$T(x : \Phi) = \sum_{l=0}^3 \sum_{m=0}^3 \sum_{n=0}^3 \beta_l(u) \beta_m(v) \beta_n(w) \Phi_{i+l, j+m, k+n}, \quad (3)$$

onde os parâmetros são dados por

$$i = \left\lfloor \frac{x}{\delta_x} \right\rfloor - 1, \quad (4)$$

$$j = \left\lfloor \frac{y}{\delta_y} \right\rfloor - 1, \quad (5)$$

$$k = \left\lfloor \frac{z}{\delta_z} \right\rfloor - 1, \quad (6)$$

$$u = \frac{x}{\delta_x} - (i + 1), \quad (7)$$

$$v = \frac{y}{\delta_y} - (j + 1), \quad (8)$$

$$w = \frac{z}{\delta_z} - (k + 1). \quad (9)$$

As funções  $\beta$  são *B-splines* cúbicas e definidas por

$$\beta_0(t) = (-t^3 + 3t^2 - 3t + 1)/6, \quad (10)$$

$$\beta_1(t) = (3t^3 - 6t^2 + 4)/6, \quad (11)$$

$$\beta_2(t) = (-3t^3 + 3t^2 + 3t + 1)/6, \quad (12)$$

$$\beta_3(t) = t^3/6, \quad (13)$$

onde  $0 \leq t \leq 1$ .

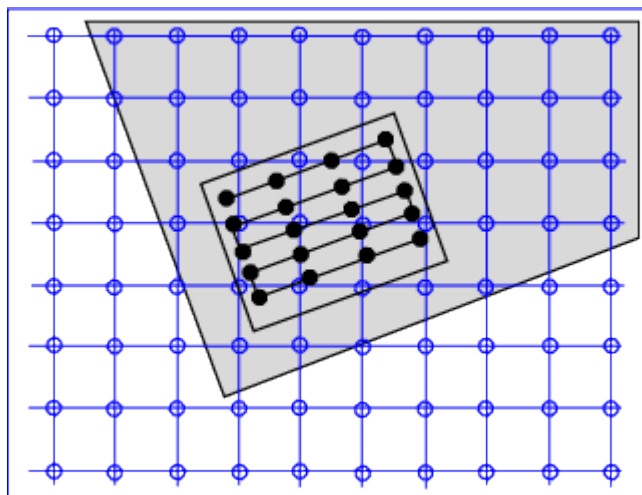
Um parâmetro importante nesse tipo de transformação é a resolução da grade de controle, pois a partir dela serão gerados os campos de deslocamentos. Uma grade muito espaçosa permite a modelagem de transformações deformáveis globais, enquanto uma grade mais fina modela deformações altamente locais (YIN; HOFFMAN; LIN, 2009).



### 3.2.3 Interpolador

No processo do registro, a métrica geralmente compara os valores de intensidade dos pixels da imagem fixa com os pixels correspondentes na imagem móvel transformada. Quando transformamos um ponto de um espaço para o outro através de uma transformação, este geralmente irá ser mapeado para uma posição fora da grade de pixels da imagem (Figura 6). A função do interpolador é calcular o valor de intensidade em uma dada posição de forma correta (IBANEZ et al., 2003).

Figura 6 – Posições de grade da imagem fixa mapeadas para posições fora da grade na imagem móvel.



Fonte – (IBANEZ et al., 2003)

#### 3.2.3.1 Interpolador Linear

O interpolador linear assume que os valores de intensidade dos pixels variam de forma linear entre as posições de grade. Dessa forma, os valores interpolados serão contínuos espacialmente, porém o gradiente de intensidade será descontínuo na grade. Se dois pontos conhecidos são dados por  $(x_0, y_0)$  e  $(x_1, y_1)$  a interpolação linear é definida pela Equação 14.

$$y = y_0 + (y_1 - y_0) \frac{x - x_0}{x_1 - x_0} \quad (14)$$

### 3.2.4 Otimizador

Como dito anteriormente, o papel do otimizador é encontrar os melhores parâmetros para a transformação escolhida no processo de registro de imagens. Dessa forma, um amplo

conjunto de otimizadores podem ser utilizados, como os Algoritmos Genéticos (WHITLEY, 1994) e o Gradiente Descendente (BURGES et al., 2005).

#### 3.2.4.1 Limited-memory Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno

O Limited-memory Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno (LBFGS) é um método de otimização bastante comum em problemas de registro de imagens. De acordo com (SHEPPARD; TERRELL; HENKELMAN, 2008), é um método quasi-Newton que constrói informações sobre as segundas derivadas durante a otimização e utiliza essa informação para avançar em direção ao mínimo harmônico previsto. Mais especificamente, a inversa da matriz hessiana  $H^{-1}$  é construída iterativamente, começando a partir da matriz diagonal. O método pode ser utilizado de duas formas. Na primeira, uma direção de busca,

$$d_j = F_j H_j^{-1}, \quad (15)$$

é identificada em cada iteração, e a minimizador de linha é utilizado para avançar na direção,

$$R_{j+1} = R_j + \lambda d_j. \quad (16)$$

A segunda forma é utilizar  $H^{-1}$  diretamente para calcular o avanço,

$$R_{j+1} = R_j + F_j H^{-1}. \quad (17)$$

O LBFGS utiliza a memória da iteração anterior para construir  $H^{-1}$ . O número de iterações é um parâmetro variável e é definido pelo usuário.

### 3.3 Matrizes de Coocorrência de Níveis de Cinza

A análise de textura é uma técnica importante na identificação de características em imagens digitais. Uma das primeiras técnicas utilizadas para a extração dessas características foram as matrizes de coocorrências de níveis de cinza também chamadas de *Gray Level Co-occurrence Matrix* (GLCM) originalmente propostas em (HARALICK; SHANMUGAM; DINSTEN, 1973). Desde então elas vem sendo bastante utilizadas em várias aplicações de análise de textura e permanecem sendo uma ferramenta importante no domínio de análise de texturas (SEBASTIAN et al., 2012).

A GLCM é uma técnica utilizada para extrair características estatísticas de segunda ordem (ALBREGTSEN et al., 2008), ou seja, a medição considera a relação entre pares de pixels, geralmente vizinhos (HALL-BEYER, 2008).

### 3.3.1 Construção de uma GLCM

Seja  $I$  uma imagem em níveis de cinza e  $N$  a quantidade de níveis de cinza, uma GLCM  $G$  é uma matriz quadrada de ordem  $N$  (SEBASTIAN et al., 2012). O elemento da matriz  $P(i, j | \Delta x, \Delta y)$  é a frequência relativa em que dois pixels de intensidade  $(i, j)$ , separados por uma distância  $(\Delta x, \Delta y)$ , são vizinhos. Também é possível dizer que o elemento  $P(i, j | d, \theta)$  contém os valores da frequência relativa para mudanças entre os níveis de cinza  $i$  e  $j$  em uma distância  $d$  e um ângulo  $\theta$  (ALBREGTSEN et al., 2008).

Seja  $I$  uma imagem de dimensões  $W \times H$ , então uma GLCM de  $I$  é definida pela Equação 18.

$$G(i, j | \Delta x, \Delta y) = \sum_{p=1}^W \sum_{q=1}^H A, \quad (18)$$

$$A = \begin{cases} 1, & \text{se } I(p, q) = i \text{ e } I(p + \Delta x, q + \Delta y) = j \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases} \quad (19)$$

### 3.3.2 GLCM Normalizada

Considere  $N = \sum_i \sum_j G_d(i, j)$  a quantidade de ocorrências de pares em  $G_d$ . Seja  $GN_d(i, j) = \frac{1}{N} G_d(i, j) \cdot GN_d$ , chamada de GLCM normalizada, onde as entradas  $(i, j)$  de  $GN_d(i, j)$  são as probabilidades de coocorrência de um determinado pixel com intensidade  $i$  ser separado de um pixel de intensidade  $j$  por uma distância  $k$  em uma determinada direção  $d$  (SEBASTIAN et al., 2012).

### 3.3.3 Características de Textura

A partir de uma GLCM, é possível extrair um conjunto de características que descrevem a textura de determinada imagem (ALBREGTSEN et al., 2008), disponíveis em (HARALICK; SHANMUGAM; DINSTEIN, 1973; HARALICK, 1979; CONNERS; TRIVEDI; HARLOW,

1984). De acordo com (HALL-BEYER, 2008) temos as principais características que podem ser extraídas a partir de uma GLCM:

$$\text{Contraste} = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j} (i - j)^2, \quad (20)$$

$$\text{Dissimilaridade} = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j} |i - j|, \quad (21)$$

$$\text{Homogeneidade} = \sum_{i,j=0}^{N-1} \frac{P_{i,j}}{1 + (i - j)^2}, \quad (22)$$

$$\text{ASM} = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j}^2, \quad (23)$$

$$\text{Energia} = \sqrt{\text{ASM}}, \quad (24)$$

$$\text{Correlação} = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j} \left[ \frac{(i - \mu_i) \cdot (j - \mu_j)}{\sqrt{(\sigma_i^2) \cdot (\sigma_j^2)}} \right], \quad (25)$$

$$\mu_i = \sum_{i,j=0}^{N-1} i \cdot (P_{i,j}), \quad (26)$$

$$\mu_j = \sum_{i,j=0}^{N-1} j \cdot (P_{i,j}), \quad (27)$$

$$\sigma_i^2 = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j} (i - \mu_i)^2, \quad (28)$$

$$\sigma_j^2 = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{i,j} (j - \mu_j)^2, \quad (29)$$

onde  $N$  é quantidade de níveis de cinza  $P_{i,j}$  é a frequência de um par de pixels  $i$  e  $j$  serem vizinhos.

### 3.4 Redução de Dimensionalidade

Em aprendizado de máquina, geralmente existe um conjunto de dados previamente disponíveis. Nesse conjunto de dados, cada indivíduo é representado por um conjunto de características extraídas do dado original. Por exemplo, em imagens de níveis de cinza é possível extrair as características a partir de uma GLCM.

A quantidade de características que um indivíduo possui é chamado de dimensão. Para um conjunto de dados de dimensão  $D = 6$ , então temos 6 características que descrevem cada indivíduo.

É fácil pensar que quanto maior o número de características, melhor para discriminar os indivíduos. Porém, um conjunto de dados com uma dimensão muito alta implica maior complexidade no problema de classificação. Outro problema é que, em muitos casos, nem todas as características são consideradas importantes para o entendimento de um certo problema (FODOR, 2002). Em termos matemáticos, o problema de redução de dimensionalidade pode ser descrito da seguinte forma:

Dado um conjunto dados  $x = (x_1, x_2, \dots, x_p)^T$ , com  $p$  dimensões, encontrar uma representação de menor dimensão  $s = (s_1, s_2, \dots, s_k)^T$ , onde  $k \leq p$ , que seja capaz de capturar o conteúdo dos dados originais, de acordo com um critério preestabelecido (FODOR, 2002).

#### 3.4.1 Análise de Componentes Principais

A Análise de Componentes Principais (PCA) é uma técnica de redução linear (JACKSON, 2005). Por ser baseada na matriz de covariância dos dados, é um método de segunda ordem.

O PCA reduz a dimensionalidade encontrando os principais componentes (PCs) do conjunto de dados. Os PCs são vetores formados pela combinação linear das características originais que apresentam maior dispersão. Por exemplo, o primeiro PC é o que possui maior variância, temos  $s_1 = x^T w_1$ , onde o vetor de coeficientes de  $p$  dimensões é  $w_1 = (w_{1,1}, \dots, w_{1,p})^T$  que resolve:

$$w_1 = \arg \max_{\|w\|=1} \text{Var}\{x^T w\} \quad (30)$$

O segundo PC é a combinação linear com a segunda maior variância e ortogonal ao primeiro PC, e assim sucessivamente. Existem tantos PCs quanto o número de características originais (FODOR, 2002).

Geralmente, normaliza-se os dados antes da aplicação do PCA, pois o método é dependente da escala. Um dos métodos possíveis para a normalização é escalar cada características entre 0 e 1. Então, assumindo que os dados estão normalizados, calcula-se a matriz de covariância

$$C = \frac{1}{p-1} \sum_{i=1}^p (x_i - \bar{x}) \cdot (x_i - \bar{x})^T, \quad (31)$$

onde  $\bar{x}$  é o vetor médio dado por

$$\bar{x} = \frac{1}{p} \sum_{i=1}^p x_i. \quad (32)$$

Utilizando a relação

$$Cv = \lambda v, \quad (33)$$

onde  $v$  é um autovetor de  $C$  e  $\lambda$  o seu respectivo autovalor. Cada autovetor corresponde a um PC, e os respectivos autovalores indicam o grau de variância de cada PC. Assim, escolhendo os  $k$  PCs com maior variância absoluta, podemos mapear os dados originais em um novo conjunto

$$S = W^T X, \quad (34)$$

onde  $X$  é o conjunto de dados originais e  $W$  uma matriz de transformação

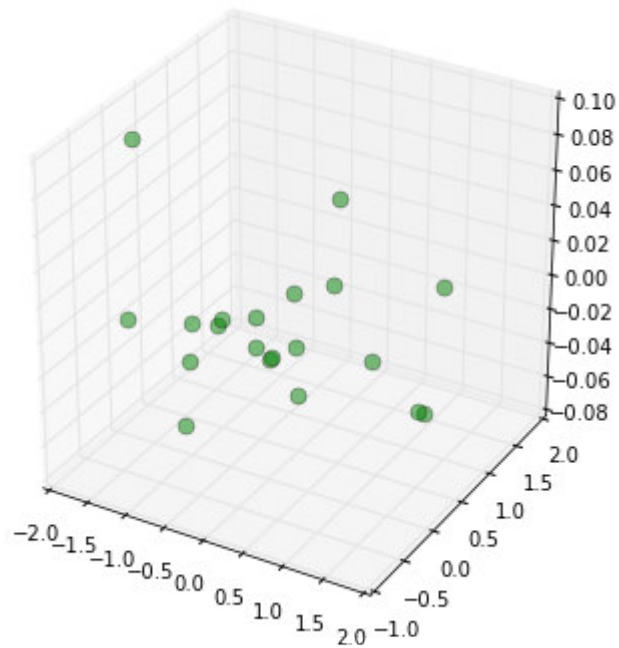
$$W = (v_1, \dots, v_k), \quad (35)$$

onde  $v_1$  é o PC de maior variância e  $v_k$  o  $k$ -ésimo PC de maior variância.

O PCA é uma técnica muito útil quando as características originais não oferecem muita variação nos dados, transformando o conjunto em um novo espaço com menor dimensão onde as novas características possuem uma melhor dispersão. A Figura 7 mostra um conjunto de indivíduos gerados por distribuições normais multivariadas com 3 características. Utilizando o

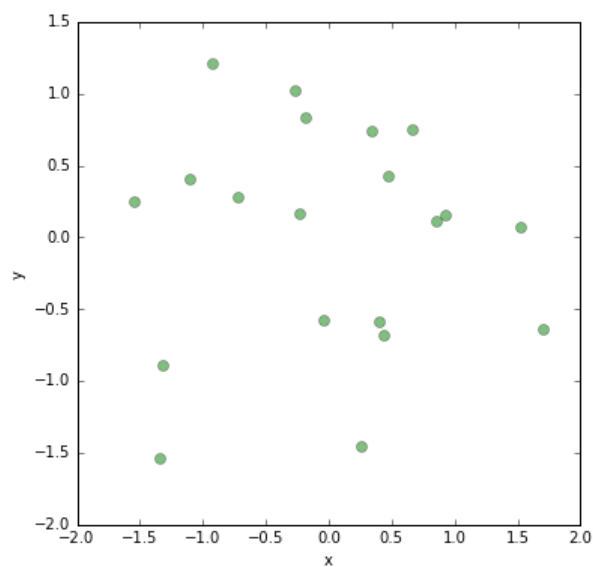
PCA para reduzir o espaço tridimensional para bidimensional, temos a Figura 8, que exemplifica o efeito da redução.

Figura 7 – Amostras geradas utilizando um distribuição normal multivariada.



Fonte – Elaborada pelo autor

Figura 8 – Amostras reduzidas para o espaço bidimensional utilizando os dois principais componentes.



Fonte – Elaborada pelo autor

### 3.4.2 Análise Discriminante Linear

A Análise Discriminante Linear (LDA) é uma técnica similar ao PCA, onde combinações lineares das características são utilizadas para formar um novo espaço de dimensões reduzidas.

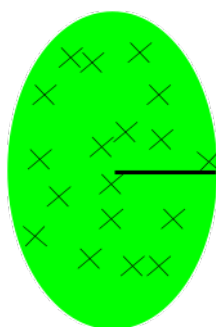
A diferença é que, ao contrário do PCA que busca combinações com maior variância entre os dados, o LDA procura combinações que melhor separam as classes de um determinado problema, portanto o LDA é dito como uma técnica supervisionada, pois é necessário conhecer as classes que cada indivíduo pertence antes da aplicação do método.

Normalmente é utilizado para redução de dimensionalidade, como um pré-processamento de técnicas de aprendizado de máquina e reconhecimento de padrões (RASCHKA, 2014), mas também é possível utilizar o LDA como um classificador linear.

Foi originalmente proposto em (FISHER, 1936) como um problema de duas classes, que foi generalizado para um problema de múltiplas classes em (RAO, 1948).

Considerando um conjunto de observações  $X$  de dimensões  $k \times p$ , em que  $k$  corresponde à quantidade de indivíduos e  $p$  à quantidade de características de cada indivíduo. Para cada indivíduo em  $X$ , existe um elemento em  $y$  que indica a classe ao qual pertence. O objetivo é encontrar uma transformação  $W$ , que minimize a distância intra-classe (Figura 9) e maximize a distância entre classes (Figura 10).

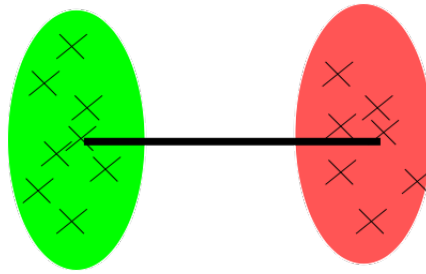
Figura 9 – Distância intra-classe.



Fonte – Elaborada pelo autor



Figura 10 – Distancia inter-classes.



Fonte – Elaborada pelo autor

A transformação linear  $W$  mapeia  $X$  em  $\bar{X}$  através da Equação 36:

$$\bar{X} = W^T \cdot X, \quad (36)$$

onde  $W$  é formado pelos  $m$  autovetores com maiores autovalores absolutos da matriz  $S$  dada pela Equação 37. Uma observação importante é que  $m < c - 1$ , onde  $c$  é a quantidade de classes que existem em  $y$  (RASCHKA, 2014).

$$S = S_W^{-1} \cdot S_B \quad (37)$$

A matriz  $S_W$  é chamada de matriz de dispersão intra-classe e é definida por:

$$S_W = \sum_{i=1}^c S_i \quad (38)$$

$$S_i = \sum_{x \in c_i}^n (x - \mu_i) \cdot (x - \mu_i)^T \quad (39)$$

$$\mu_i = \frac{1}{n_i} \sum_{x \in c_i}^n x_k \quad (40)$$

onde,  $S_i$  é matriz de dispersão da classe  $c_i$  e  $\mu_i$  é o vetor que representa os valores médios de cada característica de indivíduos que pertencem a classe  $c_i$ .

A matriz  $S_B$  é chamada de matriz de dispersão inter-classes e é definida por:

$$S_B = \sum_{i=1}^c N_i (\mu_i - \mu) \cdot (\mu_i - \mu)^T \quad (41)$$

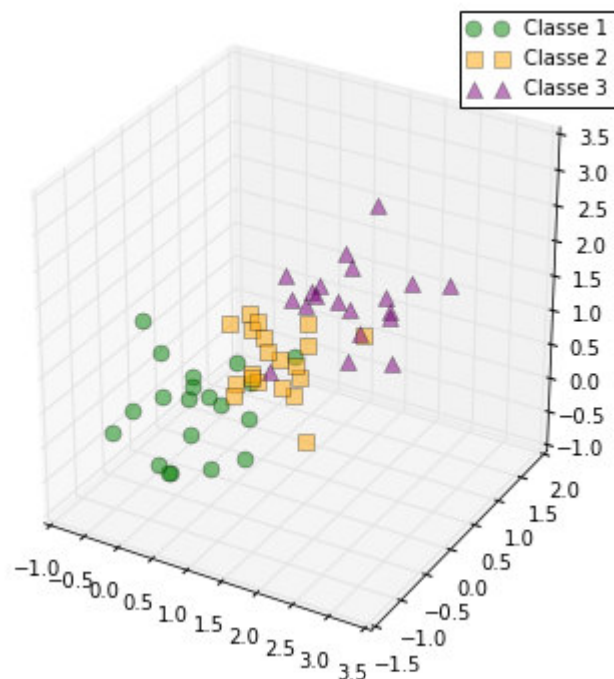
onde,  $N_i$  é a quantidade de indivíduos que pertencem a classe  $c_i$  e  $\mu$  é o vetor que representa a média das características de todos os indivíduos em  $X$ .

A vantagem de utilizar o LDA, é que o problema de classificação é simplificado pela criação de novas características partir das originais, que melhor separam as classes do conjunto de dados.

A grande desvantagem é que não é possível saber quais características originais tem maior peso, pois os discriminantes são formados a partir de combinações lineares de todas elas.

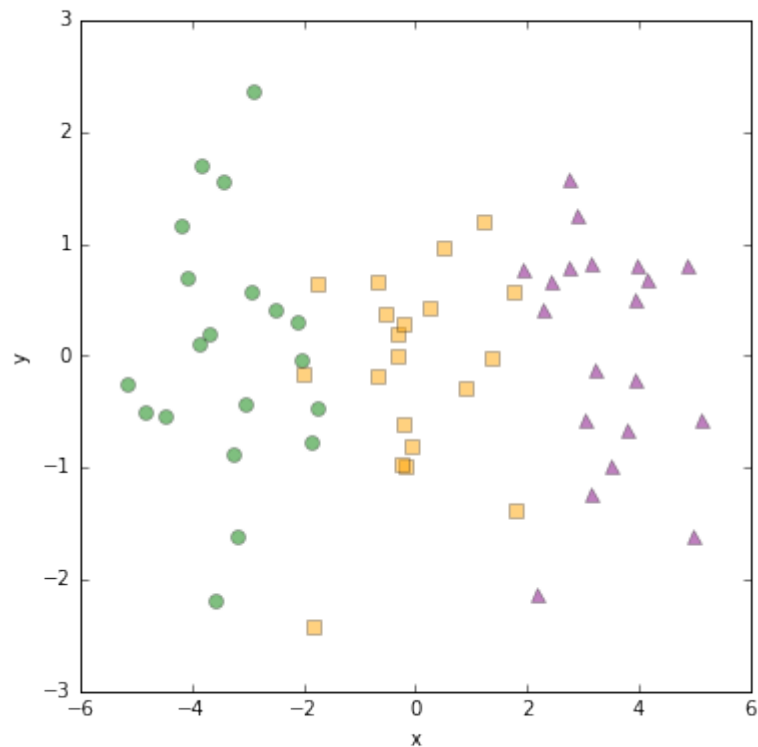
A Figura 11 apresenta um conjunto de indivíduos que pertencem a três classes distintas. Cada classe foi gerada a partir de uma distribuição normal multivariada, onde os parâmetros diferem entre elas. A Figura 12 apresenta o resultado da aplicação do LDA para efetuar a redução do espaço tridimensional para bidimensional.

Figura 11 – Amostras geradas de distribuições normais multivariadas.



Fonte – Elaborada pelo autor

Figura 12 – Amostras reduzidas pela aplicação do LDA.



Fonte – Elaborada pelo autor

### 3.5 Máquinas de Vetores de Suporte

Problemas de classificação geralmente envolvem dizer se um certo indivíduo pertence à classe  $A$ ,  $B$  ou  $C$ .

Atualmente existem diversas técnicas de aprendizado de máquina capazes de realizar essa tarefa com êxito e umas das principais técnicas utilizadas hoje em dia são as Máquinas de Vetores de Suporte (SVM).

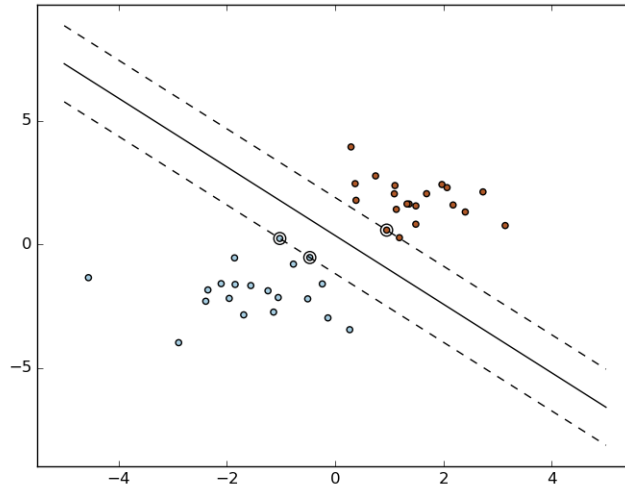
Foram originalmente propostas por (CORTES; VAPNIK, 1995) como um classificador binário, capaz de dizer se um determinado indivíduo pertence à classe  $A$  ou  $B$ .

São parte do grupo de técnicas de aprendizado supervisionado, onde é necessário conhecer previamente as classes do conjunto de indivíduos para que o algoritmo gere um modelo capaz de prever qual a classe de uma nova entrada.

Uma SVM constrói hiperplanos em um espaço de alta dimensão, que pode ser utilizado para a tarefa de classificação. Uma boa separação é obtida através do hiperplano que possui

maior distância entre os pontos mais próximos de cada classe no conjunto de dados de treino (LEARN, 2016). A Figura 13 mostra hiperplanos gerados por uma SVM.

Figura 13 – Construção de hiperplanos.



Fonte – (LEARN, 2016)

Dado  $(x_k, y_k)$  o conjunto de amostras para treinamento, sendo que  $x_i \in \mathbb{R}^n$  correspondente ao vetor de características do indivíduo  $i$ ,  $y_i \in \{1, -1\}$  corresponde à classe do indivíduo  $i$ , sendo  $i = 1, 2, \dots, k$ . O objetivo do problema de classificação é encontrar uma função  $f(x) : \mathbb{R}^n \rightarrow \{1, -1\}$  que seja capaz de estimar corretamente a classe do indivíduo  $x$ .

Na etapa de treinamento a função  $f(x) = (w \cdot x) + b$  é estimada, de forma que a seguinte relação seja satisfeita:

$$y_i((w \cdot x_i) + b) \geq 1, \quad (42)$$

onde  $w$  é o vetor normal ao hiperplano e  $b$  a distância da função  $f$  em relação à origem. Os valores ótimos de  $w$  e  $b$  são encontrados de acordo com a restrição dada pela Equação 42 ao minimizar a equação:

$$\phi(w) = \frac{w^2}{2} \quad (43)$$

O SVM possibilita encontrar um hiperplano que minimize a ocorrência de erros nos casos em que a separação ótima entre as classes não seja possível. Com a utilização de variáveis de folga, é possível relaxar a restrição da Equação 42, resolvendo:

$$\min \phi(w, \zeta) = \frac{w^2}{2} C \sum_{i=1}^N \zeta_i \quad (44)$$

sujeito a:

$$y_i((w \cdot x_i) + b) + \zeta_i \geq 1 \quad (45)$$

onde  $C$  é um parâmetro de treinamento que define o equilíbrio entre a complexidade do modelo e o erro de treinamento.

Utilizando a teoria dos multiplicadores de Lagrange é possível obter:

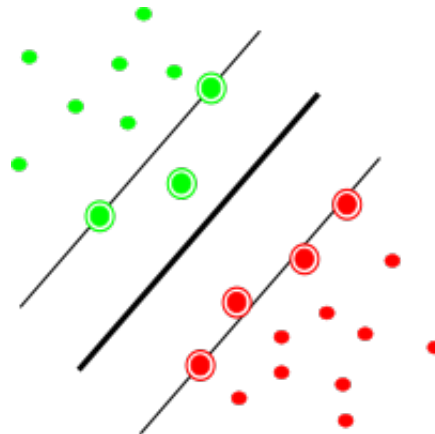
$$L(a) = \sum_{i=1}^N a_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j=1}^N a_i a_j y_i y_j (x_i, x_j) \quad (46)$$

Assim, o objetivo é encontrar os multiplicadores de Lagrange  $a_i$  ótimos que satisfaçam a Equação 47 (CHAVES, 2006).

$$\sum_{i=1}^N a_i y_i = 0, \quad 0 \leq a_i \leq C \quad (47)$$

Apenas os pontos onde a restrição imposta pela Equação 42 é igual 1, tem correspondentes  $a_i \neq 0$ . Esses pontos são chamados de vetores de suporte, e estão geometricamente sobre as margens, possuindo grande importância na definição do hiperplano ótimo, pois delimitam as margens do conjunto de treinamento. Na Figura 14, os vetores de suporte são representados por círculos circunscritos.

Figura 14 – Vetores de suporte.



Fonte – Elaborada pelo autor

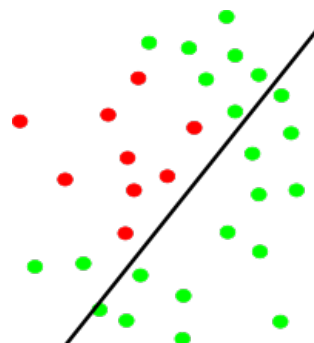
Pontos além da margem não tem influência suficiente para determinar o hiperplano, porém os vetores de suporte são essenciais nessa tarefa.

Considere o conjunto de amostras da Figura 15. Não é possível traçar uma reta capaz de separar as classes, tornando o problema um caso não-linear. De acordo com (SILVA, 2015a), é necessário uma transformação não-linear capaz de mapear o conjunto original (espaço dados) para um novo espaço (espaço de características).

Esse novo espaço deve apresentar dimensões suficientes para que seja possível realizar a separação linear do conjunto de dados. Dessa forma, o hiperplano de separação é definido como uma função linear de vetores retirados do espaço de características e não do espaço de dados.

A construção desse conjunto depende de uma função  $K$ , chamada de *kernel* (HAYKIN, 2001). A Equação 48 apresenta a forma modificada da Equação 47 utilizando uma função  $K$ .

Figura 15 – Conjunto de indivíduos não separáveis linearmente.



Fonte – Elaborada pelo autor

$$L(a) = \sum_{i=1}^N a_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j=1}^N a_i a_j y_i y_j K(x_i, x_j) \quad (48)$$

Um conjunto de funções amplamente utilizadas em conjunto com uma SVM para classificação de dados não linearmente separáveis são as funções de base radial (RBF). Uma função RBF é definida por:

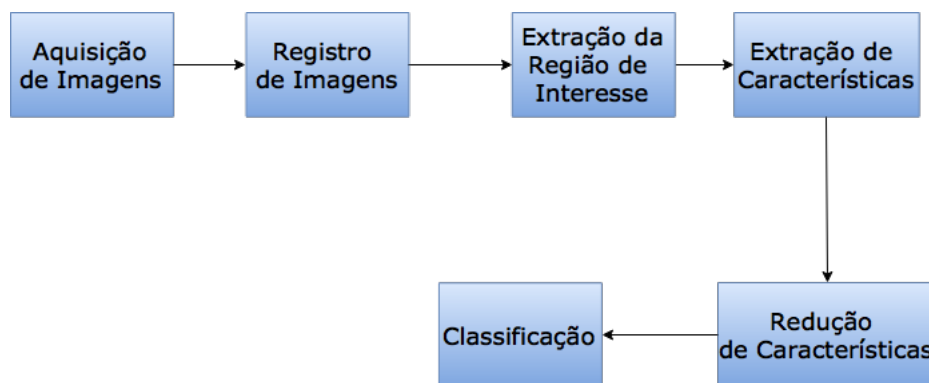
$$K(x_i, y_i) = \exp(-\gamma \|x_i - y_i\|^2) \quad (49)$$

onde  $\gamma = 1/\sigma^2$ , onde  $\sigma$  é a variância.

## 4 Metodologia Proposta

Neste capítulo, são apresentados os procedimentos propostos para a realização dos objetivos descritos na Seção 1.2. A Figura 16 apresenta o fluxo das etapas executadas.

Figura 16 – Fluxograma da metodologia.



Fonte – Elaborada pelo autor

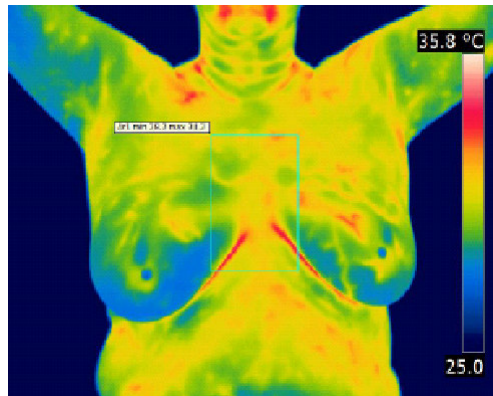
### 4.1 Aquisição de Imagens

A aquisição de imagens é uma etapa crucial na metodologia proposta, pois sem imagens para casos de teste não é possível validar a metodologia. Atualmente existem poucos bancos de imagens termográficas mamárias disponíveis para o público geral, sendo a maioria deles de propósito privado. As imagens utilizadas neste trabalho são provenientes do *Database for Mastology Research with Infrared Image - DMR-IR*, acessível através da interface on-line <<http://visual.ic.uff.br/dmi>>. Mais informações sobre a base de imagens utilizada podem ser encontradas em (SILVA et al., 2014) e em (SILVA, 2015b).

De acordo com (SILVA et al., 2014), no protocolo de termografias dinâmicas as pacientes são submetidas a um estresse térmico causado pela refrigeração por um ventilador elétrico. Quando a média de temperatura entre as mamas é de 30.5°C (Figura 17), ou até que 5 minutos sejam transcorridos, a refrigeração é interrompida e a aquisição sequencial das imagens é iniciada, extraíndo um total de 20 imagens sequenciais com intervalos de 15 segundos entre as imagens.



Figura 17 – Monitoramento da temperatura média para começar a aquisição sequencial.



Fonte – (SILVA et al., 2014)

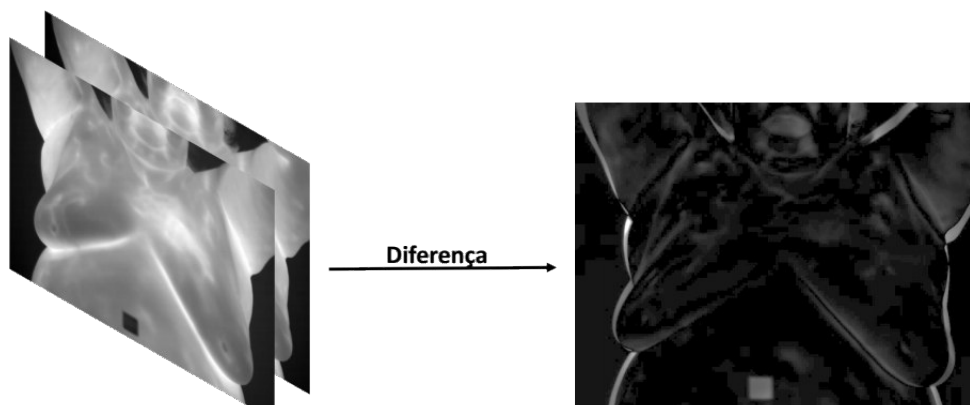
As imagens utilizadas possuem dimensão de  $640 \times 480$  pixels e foram utilizados os valores de temperatura (em graus celsius) obtidos diretamente da câmera termográfica utilizada na aquisição.

No total foram utilizados 70 exames previamente diagnosticados para aplicação desta metodologia, sendo que 35 são de pacientes saudáveis e os 35 restantes de pacientes que apresentam algum tipo de lesão.

## 4.2 Registro das Imagens

Durante o protocolo de aquisição de imagens, é natural que a paciente execute movimentos involuntários causados pela respiração e ajuste de postura. Esses movimentos causam diferenças espaciais de uma sequência para a outra. A Figura 18 apresenta a diferença entre dois termogramas de tempos distintos, definida por  $d = \sqrt{(P_t(i, j) - P_t(i, j))^2}$ , onde  $(i, j)$  é a posição do pixel, sendo  $i = 0, \dots, 639$  e  $j = 0, \dots, 479$ , e  $P_t(i, j)$  é o valor de pixel na posição  $(i, j)$  no tempo  $t$ . É possível notar que existe uma diferença causada pela movimentação involuntária da paciente.

Figura 18 – Diferença entre termogramas em tempos distintos.



Fonte – Elaborada pelo autor.

Para analisar as sequências de termogramas de um determinado exame é necessário corrigir essas diferenças, tornando o registro de imagens uma etapa essencial de pré-processamento das termografias. Para a construção do registro, as seguintes técnicas foram utilizadas:

- Métrica: Correlação Cruzada Normalizada (Seção 3.2.1.1)
- Transformação: *B-Splines* (Seção 3.2.2.1)
- Interpolador: Linear (Seção 3.2.3.1)
- Otimizador: LBFGS (Seção 3.2.4.1)

Utilizando a primeira sequência do conjunto de termogramas como imagem fixa, o processo é aplicado para cada sequência restante fazendo o papel de imagem móvel, resultando em 19 aplicações sucessivas. Após a aplicação do registro, os erros de postura são corrigidos, permitindo que as sequências de uma TID sejam analisadas e comparadas.

### 4.3 Extração da Região de Interesse

Essa etapa consiste em extrair a região de interesse (ROI) da imagem. Como a metodologia tem o objetivo de detectar anomalias no padrão de vascularização das mamas, é de interesse que as demais regiões de uma TID sejam excluídas do processo.

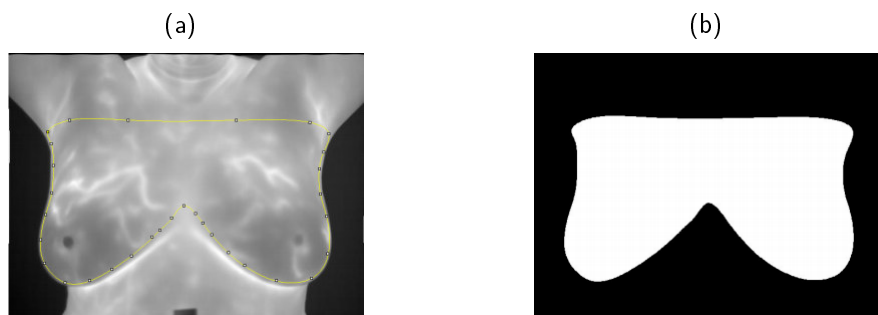
Alguns métodos de segmentação automática são encontrados na literatura (MARQUES, 2012), porém existem limitações quanto a forma das mamas, que não tornam possíveis a utilização desse tipo de técnica.

Nesta metodologia a região de interesse é extraída manualmente por um especialista, através da utilização de um programa de visualização e edição de imagens.

Apesar de cada TID possuir um total de 20 sequências de termogramas, apenas a sequência no tempo inicial é utilizada para gerar a máscara binária, que é responsável por demarcar a ROI segmentada manualmente através do software ImageJ (ABRÀMOFF; MAGALHÃES; RAM, 2004; RASBAND; IMAGEJ et al., 1997).

Utilizando a máscara da sequência inicial, é possível extrair as ROIs das demais sequências após a aplicação do registro dos termogramas (Seção 4.2). A Figura 19a demonstra a etapa de segmentação manual utilizando o mouse para desenhar o polígono que definirá a ROI. Como resultado uma máscara binária (Figura 19b) é gerada, para ser utilizada como ROI para todas as 20 sequências de termogramas em uma TID.

Figura 19 – Extração da região das mamas através do software ImageJ.



Fonte – (SILVA, 2015b)

#### 4.4 Extração de Características

Dado um exame TID, temos 20 sequências de termogramas, cada um correspondendo a um tempo distinto em ordem sequencial. É necessário extrair características que diferenciem as TID de pacientes saudáveis de TID de pacientes com algum tipo de lesão.

Dado o vetor  $p = [I_1(i, j), I_2(i, j), \dots, I_{20}(i, j)]$ , onde  $I_t(i, j)$  é o valor de temperatura do termograma de tempo  $t$  na posição  $(i, j)$ , é possível extrair 4 valores estatísticos de  $p$ , sendo eles:

- A temperatura de inicial, ou seja, o valor de  $I_1(i, j)$ . Nota-se que a temperatura inicial da sequência de termogramas oferece uma boa discriminação, pois regiões com anomalias tendem a ficar mais definidas durante o processo de resfriamento e não possuem regiões equivalentes na mama oposta. A Figura 20 mostra a diferença entre uma TID saudável e outra com lesão.
- O ganho de temperatura total dado por  $G = I_{20}(i, j) - I_1(i, j)$ . Essa medida informa o quanto uma dada região se aqueceu ou esfriou durante o tempo de aquisição dos termogramas. Durante os testes realizados, foi possível notar que regiões com algum tipo de lesão tendem a ganhar mais temperatura durante o tempo de extração das imagens. Em imagens saudáveis quando ocorre esse tipo de comportamento, geralmente existe um tipo de espelhamento, de forma que ele aparece nas duas mamas. A Figura 21a mostra uma TID de paciente saudável, onde existe um aspecto simétrico entre as regiões. A Figura 21b possui uma região de alto ganho de temperatura em relação as demais regiões da mama, coincidindo com a região do tumor demarcada.
- O ganho médio de temperatura entres os tempos dado pela Equação 50. Essa característica se assemelha ao ganho total de temperatura, onde regiões com lesão tendem ter uma média maior que as demais regiões e não apresentam uma similaridade na mesma região da outra mama. A Figura 22 apresenta o resultado da extração dessa característica em uma TID de paciente saudável e em uma TID de paciente doente.
- O desvio padrão do ganho de temperatura entres os tempos dada pela Equação 51. Essa característica apresenta um grande fator discriminativo entres regiões saudáveis e com anomalias. Regiões saudáveis tendem a ganhar temperatura de forma uniforme durante a aquisição dos termogramas, ao contrário de regiões que possuem lesão, que variam bastante no ganho de temperatura. Dessa forma regiões saudáveis apresentam um valor para  $S$  mais baixo em relação à regiões com lesão. A Figura 23 apresenta o desvio padrão do ganho de temperatura em uma TID de paciente saudável e em uma TID de paciente doente.

Abaixo temos as definições dos valores utilizados:

$$M = \frac{1}{N} \cdot \sum_{t=2}^N I_t(i, j) - I_{t-1}(i, j), \quad (50)$$

$$S = \sqrt{\frac{1}{N} \cdot \sum_{t=2}^N ((I_t(i, j) - I_{t-1}(i, j)) - M)^2}, \quad (51)$$

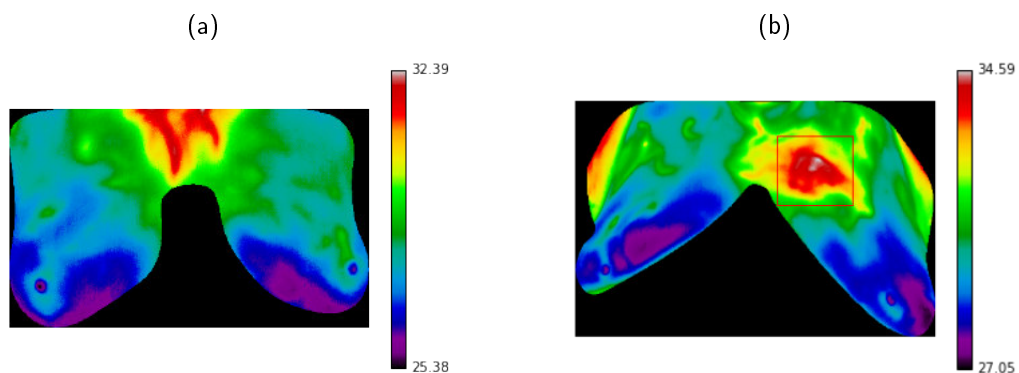
onde  $M$  é o ganho médio entre os tempos,  $S$  o desvio padrão entre os tempos e  $N$  a quantidade de tempos a ser considerado.

Para cada valor estatístico extraído dos pixels da TID, é criada uma imagem representativa. No total 4 valores foram extraídos para cada pixel, resultando na criação de 4 representações de uma TID.

Essas representações quando analisadas em conjunto oferecem grande discriminação entre as pacientes. Em uma paciente saudável, é possível perceber a similaridade entre as mamas direita e esquerda como nas Figuras 20a-22a, e uma homogeneidade no desvio padrão como na Figura 23a.

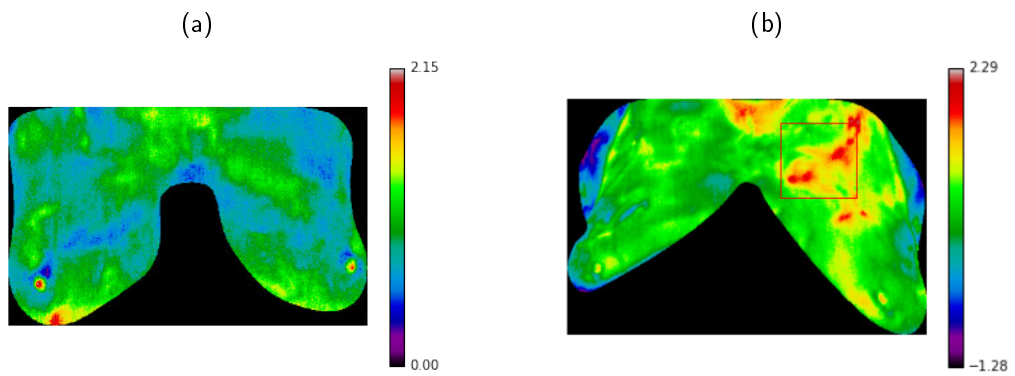
Em uma mama com algum tipo de lesão, nota-se uma dissimilaridade entre as mamas, como nas Figuras 20b-22b e uma maior heterogeneidade para o desvio padrão, como na Figura 23b onde existem regiões com uma maior desvio padrão em relação as demais regiões da mama, coincidindo com as regiões que apresentam valores elevados nas outras imagens

Figura 20 – Temperatura Inicial.



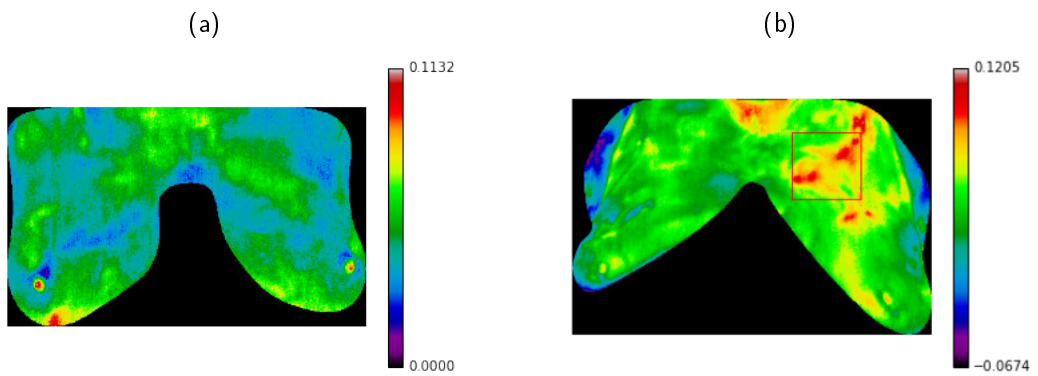
Fonte – Elaborada pelo autor

Figura 21 – Ganho de temperatura total.



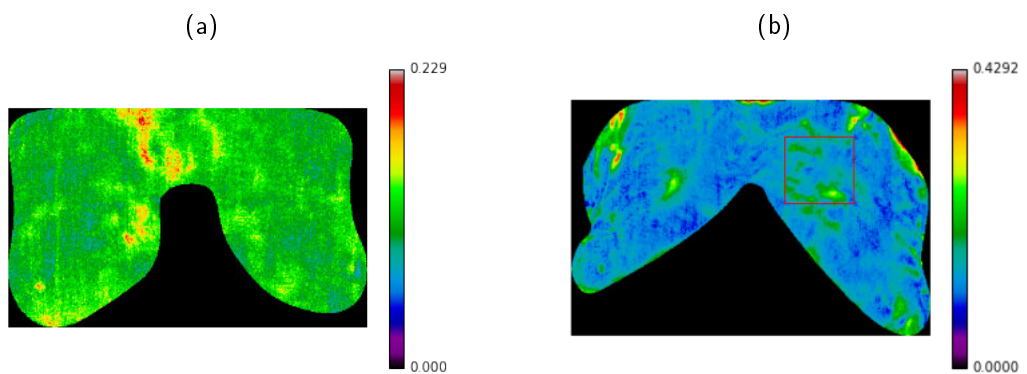
Fonte – Elaborada pelo autor

Figura 22 – Ganho de temperatura média entre os tempos da TID.



Fonte – Elaborada pelo autor

Figura 23 – Desvio padrão do ganho de temperatura entre os tempos da TID.



Fonte – Elaborada pelo autor

As representações são convertidas para o formato em escala de cinza, com valores variando de 0 a 255. A conversão é obtida por

$$X' = a + \frac{(X - X_{min})(b - a)}{X_{max} - X_{min}}, \quad (52)$$

onde  $X$  é o conjunto de valores,  $X_{min}$  o menor valor do conjunto,  $X_{max}$  o maior valor,  $b$  o valor máximo desejado e  $a$  o valor mínimo desejado.

A partir das representações, são extraídas um conjunto de características de textura baseadas em GLCM, definidas pelas Equações 20-25 mostradas na Seção 3.3.

Para cada representação, são geradas GLCMs a partir de um conjunto distâncias  $d = [d_1, \dots, d_n]$  e um conjunto de ângulos  $\theta = [\theta_1, \dots, \theta_n]$ . Para cada GLCM são extraídas as 6 características dadas pelas Equações 20-25. Portanto o vetor de características é formado por  $4 \times d_n \times \theta_n \times 6$  características, onde  $d_n$  é a quantidade de distâncias e  $\theta_n$  a quantidade de ângulos utilizados na geração das GLCMs.

## 4.5 Redução de Características

Essa etapa consiste em reduzir o conjunto de características previamente extraídas para um conjunto menor e mais conciso. Utilizando os 2 métodos descritos na Seção 3.4, transforma-se o conjunto de dados originais em conjuntos distintos que serão analisados individualmente na etapa de classificação.

As técnicas utilizadas foram analisadas com várias composições, sendo as que apresentaram melhores resultados foram:

- PCA com  $C = 40$ , que projeta o conjunto de características em um novo espaço de 40 dimensões.
- PCA com  $C = 20$ , que projeta o conjunto de características em um novo espaço de 20 dimensões.
- LDA com  $L = 1$ , que projeta o conjunto de características em um novo espaço de 1 dimensão.

- Combinação do PCA e LDA, onde o PCA com  $C = 40$  é aplicado, reduzindo o espaço para 40 dimensões e em seguida o LDA com  $L = 1$  é utilizado, reduzindo o espaço para 1 dimensão.

Os valores de  $C$  indicam a quantidade de componentes principais utilizados no PCA, enquanto  $L$  indica a quantidade de discriminantes utilizados com o LDA.

## 4.6 Classificação

Essa etapa consiste em classificar um determinado exame TID em saudável ou com lesão. São utilizadas as características extraídas na Seção 4.4 como entrada para uma SVM.

O conjunto de características original é dividido em 2 subconjuntos distintos chamados de base de treino e teste, que não possuem indivíduos em comum entre eles.

Os espaço de características das bases são transformados através de um dos métodos descritos na Seção 4.5. Essa transformação é calculada a partir da base de treino e depois aplicada em ambas as bases, para que a base de teste não tenha influência na geração da transformação.

Na etapa de treinamento do modelo, a base de treino em conjunto com seus valores de classe, é utilizada para encontrar os melhores vetores de suporte para a SVM através do processo de otimização.

A validação do modelo é aplicada após o treinamento, onde utilizamos a base de teste como entrada no modelo gerado, que irá classificar os indivíduos. Os resultados são comparados com os valores de classe conhecidos.

Para comparar os resultados são extraídos os valores de acurácia (Equação 53) que mede a taxa de acerto geral, a sensibilidade (Equação 54) que mede a taxa de acerto para os casos que possuem lesão e a especificidade (Equação 55) que mede a taxa de acerto de casos saudáveis.

$$Acurácia = \frac{TP + TN}{TP + FP + TN + FN} \quad (53)$$

$$Sensibilidade = \frac{TP}{TP + FN} \quad (54)$$



$$\textit{Especificidade} = \frac{TN}{TN + FP} \quad (55)$$

onde  $TP$ ,  $TN$ ,  $FP$  e  $FN$  são as quantidades de verdadeiro positivo, verdadeiro negativo, falso positivo e falso negativo, respectivamente.

## 5 Resultados

Nesse capítulo são apresentados os resultados da aplicação da metodologia para a classificação de termografias dinâmicas em saudável e com lesão. Os testes foram divididos em grupos de acordo com as distâncias e ângulos utilizados para gerar as GLCMs. Temos os seguintes grupos:

- Grupo 1:  $d = [1]$ ,  $\theta = [0^\circ, 45^\circ, 90^\circ, 135^\circ]$ , 96 características.
- Grupo 2:  $d = [1, 3, 5]$ ,  $\theta = [0^\circ, 45^\circ, 90^\circ, 135^\circ]$ , 288 características.
- Grupo 3:  $d = [1, 3, 5, 7, 9]$ ,  $\theta = [0^\circ, 45^\circ, 90^\circ, 135^\circ]$ , 480 características.
- Grupo 4:  $d = [1, 3, 5, 7, 9, 11]$ ,  $\theta = [0^\circ, 45^\circ, 90^\circ, 135^\circ]$ , 576 características.

Devido a quantidade pequena de indivíduos, os resultados podem variar bastante entre uma iteração e outra, dessa forma, a etapa de classificação é aplicada 100 vezes consecutivas, salvando os resultados de cada aplicação para posteriormente os valores da média e desvio padrão da acurácia, sensibilidade e especificidade serem calculados.

Em cada aplicação da etapa de classificação, a base de dados é dividida em bases de treino e teste de forma aleatória, mantendo a proporção entre as classes em ambas as bases.

Após a divisão das bases, as técnicas de redução de características descritas na Seção 4.5 são aplicadas, onde a base de treino é utilizada como referência para a geração da matriz de transformação de cada técnica, sendo posteriormente aplicada na base de teste.

Cada técnica de redução de características irá gerar um novo conjunto de dados de treino e teste, onde a base de treino resultante de determinada técnica será utilizada para gerar o modelo SVM que irá classificar a base de testes correlacionada. Os resultados são analisados separadamente para cada técnica de redução de características.

Caso uma quantidade pequena de iterações seja utilizada, os valores irão variar bastante entre a execução entre um teste e outro, pois dependendo de quais indivíduos sejam escolhidos para as bases de treino e teste, os resultados podem conter ótimos valores ou péssimos valores (dependendo de quão representativa é a base de treino). Portanto, quanto maior o número

de vezes que a aplicação da etapa de classificação for executada em um teste, menor será a variação de valores de média e desvio padrão entre testes.

As Tabelas 1-4 mostram os resultados para a proporção de 80% dos indivíduos como base de treino e 20% como base de teste. Os resultados mostram que a utilização das características sem a aplicação de redução apresenta um baixo valor médio de sensibilidade, enquanto a especificidade se manteve entre 70% e 80%. Nota-se o alto valor para o desvio padrão, principalmente na Tabela 4 que possui um desvio padrão de 29% na especificidade para o teste sem aplicação da redução.

Tabela 1 – Resultados do Grupo 1 (96 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	48,9% ~ 9,8%	16,3% ~ 16,5%	81,4% ~ 21,9%
PCA, C=40	50,9% ~ 9,0%	21,6% ~ 18,9%	80,3% ~ 22,7%
PCA, C=20	50,7% ~ 9,6%	19,1% ~ 18,4%	82,3% ~ 20,3%
LDA, L=1	72,0% ~ 13,6%	76,1% ~ 19,6%	67,9% ~ 17,9%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>78,5% ~ 11,0%</b>	<b>83,4% ~ 15,2%</b>	<b>73,6% ~ 17,2%</b>

Tabela 2 – Resultados do Grupo 2 (288 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	47,9% ~ 8,9%	20,3% ~ 20,6%	75,6% ~ 27,1%
PCA, C=40	47,8% ~ 10,3%	23,1% ~ 20,7%	72,4% ~ 30,9%
PCA, C=20	47,0% ~ 9,3%	22,1% ~ 21,4%	71,9% ~ 30,7%
LDA, L=1	79,1% ~ 8,4%	81,4% ~ 13,8%	76,9% ~ 13,8%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>79,0% ~ 9,1%</b>	<b>80,1% ~ 12,6%</b>	<b>77,9% ~ 15,8%</b>

Tabela 3 – Resultados do Grupo 3 (480 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	48,9% ~ 8,2%	21,3% ~ 20,2%	76,6% ~ 27,1%
PCA, C=40	48,6% ~ 10,6%	25,4% ~ 22,8%	71,9% ~ 31,1%
PCA, C=20	49,1% ~ 9,7%	23,4% ~ 23,3%	74,7% ~ 28,7%
LDA, L=1	79,1% ~ 10,1%	80,6% ~ 15,1%	77,7% ~ 15,8%
PCA+LDA, C=40, L=1	<b>84,7% ~ 8,1%</b>	<b>86,1% ~ 12,4%</b>	<b>83,3% ~ 12,6%</b>

Tabela 4 – Resultados do Grupo 4 (576 características) na proporção 80/20 (56 exames para treino, 14 para teste) .

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	48,1% ~ 9,6%	22,9% ~ 23,6%	73,3% ~ 29,0%
PCA, C=40	48,4% ~ 9,0%	19,4% ~ 21,4%	77,4% ~ 27,7%
PCA, C=20	48,3% ~ 9,7%	25,4% ~ 21,9%	71,1% ~ 29,2%
LDA, L=1	80,4% ~ 11,0%	80,6% ~ 14,1%	80,1% ~ 16,0%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>82,2% ~ 9,1%</b>	<b>82,2% ~ 9,1%</b>	<b>85,3% ~ 12,2%</b>

O PCA não apresenta um bom desempenho quando aplicado sozinho no conjunto de características. Em certas ocasiões possui um resultado até pior que os testes aplicados sem utilização da redução de características. Apesar disso, a utilização do PCA com os 40 melhores PCs se mostrou superior em relação a utilização com os 20 melhores PCs.

O LDA conseguiu melhorar substancialmente a sensibilidade média dos resultados. Também foi capaz de melhorar o desvio padrão para a sensibilidade e especificidade. Outro fator notável é que a utilização de mais características, tende a melhorar o resultado de forma tímida.

A técnica que conseguiu o melhor resultado foi a aplicação conjunto do PCA seguido do LDA. Primeiramente a redução é feita através de PCA com os 40 melhores PCs, seguido da aplicação do LDA no conjunto de características gerados pelo PCA. Em todos os grupos, a sensibilidade média fica acima dos 80%. O grupo 3 (480 características originais) foi o que apresentou os melhores resultados para a proporção 80/20%, onde a técnica de redução do PCA combinado com LDA apresentou resultados bem superiores aos demais grupos estudados.

As Tabelas 5-8 mostram os resultados para aplicação da metodologia com a proporção de 60% dos indivíduos para treino e os 40% restantes para teste.

As técnicas de redução de características agem da mesma forma que o apresentado na proporção 80/20%. Em especial a Tabela 8 que apresenta os resultados do grupo 4, onde a aplicação do PCA seguido do LDA, obteve 83,1% de acurácia, 80,1% de sensibilidade e 86,1% de especificidade.

Tabela 5 – Resultados do Grupo 1 (96 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	50,1% ~ 10,0%	20,4% ~ 17,8%	79,9% ~ 23,2%
PCA, C=40	48,4% ~ 9,6%	17,9% ~ 19,3%	79,0% ~ 25,0%
PCA, C=20	50,6% ~ 9,2%	23,7% ~ 20,9%	77,6% ~ 27,8%
LDA, L=1	74,2% ~ 13,1%	78,1% ~ 15,6%	70,3% ~ 19,3%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>77,1% ~ 10,6%</b>	<b>80,9% ~ 14,0%</b>	<b>73,4% ~ 15,3%</b>

Tabela 6 – Resultados do Grupo 2 (288 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	49,4% ~ 8,6%	25,3% ~ 22,1%	73,4% ~ 27,3%
PCA, C=40	48,0% ~ 9,4%	25,1% ~ 24,5%	70,9% ~ 28,1%
PCA, C=20	48,9% ~ 9,1%	26,9% ~ 21,6%	70,9% ~ 27,5%
LDA, L=1	80,2% ~ 9,3%	82,0% ~ 15,1%	78,4% ~ 14,2%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>80,9% ~ 9,9%</b>	<b>83,6% ~ 14,3%</b>	<b>78,3% ~ 14,1%</b>

Tabela 7 – Resultados do Grupo 3 (480 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	49,4% ~ 8,8%	23,3% ~ 24,2%	75,6% ~ 29,4%
PCA, C=40	47,0% ~ 9,0%	25,0% ~ 22,8%	69,0% ~ 30,3%
PCA, C=20	49,1% ~ 9,7%	23,4% ~ 23,3%	74,7% ~ 28,7%
LDA, C=1	69,0% ~ 30,3%	79,6% ~ 15,2%	78,9% ~ 16,8%
PCA+LDA, C=40, L=1	<b>82,9% ~ 7,5%</b>	<b>82,7% ~ 12,8%</b>	<b>83,0% ~ 10,6%</b>

Tabela 8 – Resultados do Grupo 4 (576 características) na proporção 60/40 (42 exames para treino, 28 para teste).

	Acurácia	Sensibilidade	Especificidade
Método	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio	Média ~ Desvio
Sem redução	48,4% ~ 8,1%	24,4% ~ 24,0%	72,3% ~ 30,5%
PCA, C=40	49,1% ~ 8,9%	25,6% ~ 24,8%	72,7% ~ 30,0%
PCA, C=20	46,9% ~ 8,9%	23,6% ~ 23,2%	70,3% ~ 30,7%
LDA, L=1	82,6% ~ 8,8%	81,7% ~ 14,2%	83,4% ~ 13,5%
PCA+LDA, C= 40, L=1	<b>83,1% ~ 8,7%</b>	<b>80,1% ~ 14,8%</b>	<b>86,1% ~ 13,2%</b>

Devido a pequena base de exames, outras proporções de separação não foram utilizadas, pois a base de treino fica extramente reduzida, não sendo o suficiente para gerar um bom modelo SVM.

Nota-se um alto valor de desvio padrão na execução dos testes, o que pode ser relacionado ao tamanho reduzido da base. A escolha dos indivíduos para treino e teste tem grande influência no resultado, onde algumas iterações apresentam 100% de acurácia, o que indica que a base de treino foi bem representativa. Porém, existem casos com péssimos resultados, indicando que a base de treino não foi capaz de representar de forma adequada o problema. Portanto, uma base de imagens maior pode apresentar um resultado superior aos mostrados até aqui.

Sobre as técnicas de redução de características apresentadas, nota-se que o LDA foi de grande valor nos resultados finais, gerando um conjunto de características que distingue bem as classes do problema. Porém, a grande desvantagem do LDA e PCA é que ambos reduzem as características através de uma matriz de transformação composta por combinações lineares das características originais. Dessa forma, não é possível saber quais as melhores características para a resolução do problema, já que as características resultantes são combinações lineares de todas as características de entrada.

Outros valores para  $C$  no caso PCA foram testados, porém os valores mostrados foram os que apresentaram os melhores resultados, em especial na combinação com o LDA. Já o parâmetro  $L$  do LDA é limitado pela quantidade de classes no problema, pois a quantidade de discriminantes significativos gerados sempre é a igual a quantidade de classes menos um. Portanto para o caso de classificação binária, apenas um discriminante é utilizado.

Os resultados mostrados são promissores devido a simplicidade das técnicas aplicadas. Técnicas mais robustas para extração de características podem apresentar melhores resultados.

Um fator de bastante influência é a quantidade relativamente pequena de exames TID utilizados na metodologia. No total, foram utilizados 70 exames, sendo 35 saudáveis e 35 com alguma lesão. É possível que uma base maior apresente melhores resultados, pois existiriam mais casos para treinar o modelo SVM.

## 6 Conclusão

A metodologia apresenta uma forma de auxiliar médicos especialistas na detecção do câncer de mama. O objetivo não é indicar o local suspeito, apenas dizer se um determinado paciente apresenta ou não algum tipo de lesão na região das mamas.

É importante ressaltar que a termografia não deve ser utilizada isoladamente para a detecção desse tipo de câncer, mas como um exame complementar aos demais, como a mamografia.

A vantagem desse tipo de imagem é a forma como é adquirida, pois não utiliza nenhuma forma de radiação ionizante e não causa desconforto físico na paciente. Outra vantagem é que o equipamento de aquisição (câmara térmica) é relativamente mais barato que um mamógrafo e é de fácil locomoção, tornando ideal como um exame de triagem em populações residentes em locais menos acessíveis.

Este trabalho apresentou um método para diagnóstico assistido de lesões mamárias através de exames termográficos dinâmicos, utilizando representações estatísticas da TID e características de textura baseadas em GLCM das representações geradas. Os testes foram divididos de acordo com o método de redução de características utilizado, onde para cada método, aplicou-se a etapa de classificação 100 vezes consecutivas, analisando a média e desvio padrão dos resultados adquiridos. Em cada uma das 100 iterações, a base é dividida aleatoriamente, seguindo as proporções 80/20% e 60/40% para treino e teste.

Os resultados apresentados no Capítulo 5 demonstram desempenho promissor na tarefa de classificação. Em todos os testes executados, a combinação do PCA e LDA como técnica de redução de características, conseguiu melhorar o desempenho de forma substancial, onde o melhor resultado encontrado atingiu 84,7% de acurácia, 86,1% de sensibilidade e 83,3% de especificidade.

Analisando a metodologia por partes, nota-se que:

- A composição da técnica de registro de imagens apresentada na Seção 4.2 demonstrou bons resultados para o problema da correção de postura entre os tempos da paciente. Porém, outras técnicas ou composições do registro de imagem podem apresentar

resultados superiores. Um estudo mais aprofundado sobre o problema pode ser feito para avaliar qual a melhor forma para resolvê-lo.

- As representações de uma TID geradas na Seção 4.4, já apresentam uma forma de auxiliar médicos especialistas na detecção de lesões, pois tornam visíveis características do exame que não seriam possíveis de perceber apenas com a visualização a olho nu da sequência de termogramas. Outros valores podem gerar representações que adicione, mais informações importantes, tornando o método mais robusto, se utilizado em conjunto com as já existentes.
- Das técnicas de redução de características, a combinação do PCA e LDA demonstrou grande valor para melhorar o processo de classificação, corrigindo principalmente os baixos valores de sensibilidade apresentados.

Por fim, o trabalho apresenta resultados promissores, que podem ajudar médicos especialistas no diagnóstico precoce do câncer de mama (e outras doenças), aumentando as chances de cura em mulheres atingidas por essa patologia.

## 6.1 Trabalhos Futuros

Devido a metodologia ainda estar em fase de desenvolvimento, as técnicas utilizadas podem ser revisadas e substituídas por outras novas. Portanto, segue os seguintes tópicos de estudo propostos:

- Realizar um estudo detalhado sobre qual a melhor técnica de correção de postura em exames termográfica dinâmicos das mamas.
- Estudar novos valores estatísticos capazes de gerar boas representações de uma TID.
- Estudar novas características que possam ser extraídas das representações.
- Adquirir mais exames, aumentando a base de dados e posteriormente tornando a metodologia mais robusta e menos suscetível à erros.



# Referências

- ABRÀMOFF, M. D.; MAGALHÃES, P. J.; RAM, S. J. Image processing with imagej. *Biophotonics international*, Laurin Publishing, v. 11, n. 7, p. 36–42, 2004.
- ALBREGTSEN, F. et al. Statistical texture measures computed from gray level cooccurrence matrices. *Image processing laboratory, department of informatics, university of oslo*, p. 1–14, 2008.
- AMALU, W. C. Nondestructive testing of the human breast: the validity of dynamic stress testing in medical infrared breast imaging. In: IEEE. *Engineering in Medicine and Biology Society, 2004. IEMBS'04. 26th Annual International Conference of the IEEE*. [S.l.], 2004. v. 1, p. 1174–1177.
- ANBAR, M. Computerized thermography. *International journal of technology assessment in health care*, Cambridge Univ Press, v. 3, n. 04, p. 613–621, 1987.
- BORCHARTT, T. B.; CONCI, A.; LIMA, R. C.; RESMINI, R.; SANCHEZ, A. Breast thermography from an image processing viewpoint: A survey. *Signal Processing*, Elsevier, v. 93, n. 10, p. 2785–2803, 2013.
- BROWN, L. G. A survey of image registration techniques. *ACM computing surveys (CSUR)*, ACM, v. 24, n. 4, p. 325–376, 1992.
- BURGES, C.; SHAKED, T.; RENSHAW, E.; LAZIER, A.; DEEDS, M.; HAMILTON, N.; HULLENDER, G. Learning to rank using gradient descent. In: ACM. *Proceedings of the 22nd international conference on Machine learning*. [S.l.], 2005. p. 89–96.
- CHAVES, A. d. C. F. *Extração de Regras Fuzzy para Máquinas de Vetores Suporte (SVM) para Classificação em Múltiplas Classes*. Tese (Doutorado) — PUC-Rio, 2006.
- CONNERS, R. W.; TRIVEDI, M. M.; HARLOW, C. A. Segmentation of a high-resolution urban scene using texture operators. *Computer Vision, Graphics, and Image Processing*, Elsevier, v. 25, n. 3, p. 273–310, 1984.
- CORTES, C.; VAPNIK, V. Support vector machine. *Machine learning*, v. 20, n. 3, p. 273–297, 1995.
- CRUM, W. R.; HARTKENS, T.; HILL, D. Non-rigid image registration: theory and practice. *The British Journal of Radiology*, British Institute of Radiology, 2014.
- ETEHADTAVAKOL, M.; SADRI, S.; NG, E. Application of k-and fuzzy c-means for color segmentation of thermal infrared breast images. *Journal of medical systems*, Springer, v. 34, n. 1, p. 35–42, 2010.
- FISHER, R. A. The use of multiple measurements in taxonomic problems. *Annals of eugenics*, Wiley Online Library, v. 7, n. 2, p. 179–188, 1936.
- FODOR, I. K. *A survey of dimension reduction techniques*. [S.l.]: Technical Report UCRL-ID-148494, Lawrence Livermore National Laboratory, 2002.

- GERASIMOVA, E.; AUDIT, B.; ROUX, S.; KHALIL, A.; ARGOUL, F.; NAIMARK, O.; ARNEODO, A. Multifractal analysis of dynamic infrared imaging of breast cancer. *EPL (Europhysics Letters)*, IOP Publishing, v. 104, n. 6, p. 68001, 2014.
- HALL-BEYER, M. *The GLCM Tutorial Home Page*. 2008. Disponível em: <<http://www.fp.ucalgary.ca/mhallbey/tutorial.htm>>. Acessado em : 18/02/2016.
- HARALICK, R. M. Statistical and structural approaches to texture. *Proceedings of the IEEE*, IEEE, v. 67, n. 5, p. 786–804, 1979.
- HARALICK, R. M.; SHANMUGAM, K.; DINSTEN, I. H. Textural features for image classification. *Systems, Man and Cybernetics, IEEE Transactions on*, IEEE, n. 6, p. 610–621, 1973.
- HAYKIN, S. S. *Redes neurais*. [S.l.]: Bookman, 2001.
- IBANEZ, L.; SCHROEDER, W.; NG, L.; CATES, J. *The itk software guide*. 2003.
- INCA. *FATORES DE RISCO*. 2015. Disponível em: <[http://www2.inca.gov.br/wps/wcm/connect/acoes\\_programas/site/home/nobrasil/programa\\_controle\\_cancer\\_mama/fatores\\_risco](http://www2.inca.gov.br/wps/wcm/connect/acoes_programas/site/home/nobrasil/programa_controle_cancer_mama/fatores_risco)>. Acessado em: 22/02/2016.
- INCA. *Mama*. 2016. Disponível em: <<http://www2.inca.gov.br/wps/wcm/connect/tiposdecancer/site/home/mama>>. Acessado em: 05/03/2016.
- JACKSON, J. E. *A user's guide to principal components*. [S.l.]: John Wiley & Sons, 2005. v. 587.
- JUNIOR, P. S. A.; BELFORT, C. N. S.; SILVA, A. C.; DINIZ, H. B.; LIMA, R. d. C. F. de; CONCI, A.; PAIVA, A. C. de. Detecção de regiões suspeitas de lesão na mama em imagens térmicas utilizando spatioqram e redes neurais. *Cadernos de Pesquisa*, v. 20, n. 2, 2013.
- LEARN scikit. *Support Vector Machines*. 2016. Disponível em: <<http://scikit-learn.org/stable/modules/svm.html>>. Acessado em: 23/02/2016.
- MARQUES, R. Segmentação automática das mamas em imagens térmicas. *UFF, M. Sc. Thesis*, 2012.
- MINAMIMOTO, R.; SENDA, M.; JINNOUCHI, S.; TERAUCHI, T.; YOSHIDA, T.; INOUE, T. Detection of breast cancer in an fdg-pet cancer screening program: results of a nationwide japanese survey. *Clinical breast cancer*, Elsevier, v. 15, n. 2, p. e139–e146, 2015.
- PARRAGA, A. Atlas anatômico da região da cabeça e do pescoço: em direção à radioterapia adaptativa. 2008.
- RAO, C. R. The utilization of multiple measurements in problems of biological classification. *Journal of the Royal Statistical Society. Series B (Methodological)*, JSTOR, v. 10, n. 2, p. 159–203, 1948.
- RASBAND, W.; IMAGEJ, U. et al. *Bethesda, Md, USA*. [S.l.]: ImageJ, 1997.
- RASCHKA, S. *Linear Discriminant Analysis bit a bit*. 2014. Disponível em: <[http://sebastianraschka.com/Articles/2014\\_python\\_lda.html](http://sebastianraschka.com/Articles/2014_python_lda.html)>. Acessado em: 22/02/2016.

- SCHWARZ, L. A. *Non-rigid registration using free-form deformations*. Tese (Doutorado) — Ph. D. thesis, Technische Universität München, Germany, 2007.
- SEBASTIAN, V.; UNNIKRISHNAN, A.; BALAKRISHNAN, K. et al. Gray level co-occurrence matrices: Generalisation and some new features. *arXiv preprint arXiv:1205.4831*, 2012.
- SHEPPARD, D.; TERRELL, R.; HENKELMAN, G. Optimization methods for finding minimum energy paths. *The Journal of chemical physics*, AIP Publishing, v. 128, n. 13, p. 134106, 2008.
- SILVA, G. L. F. da. Monografia, *Análise de Nódulos Pulmonares Usando Índices de Diversidade para estabelecer possíveis diferenças entre padrões malignos e benignos*. 2015a. Monografia (Bacharel em Ciência da Computação), UFMA (Universidade Federal do Maranhão).
- SILVA, L.; SAADE, D.; SEQUEIROS, G.; SILVA, A.; PAIVA, A.; BRAVO, R.; CONCI, A. A new database for breast research with infrared image. *Journal of Medical Imaging and Health Informatics*, American Scientific Publishers, v. 4, n. 1, p. 92–100, 2014.
- SILVA, L. F. D. *Uma Análise Híbrida para Detecção de Anomalias da Mama usando Séries Temporais de Temperatura*. Tese (Doutorado) — Universidade Federal Fluminense, 2015b.
- WHITLEY, D. A genetic algorithm tutorial. *Statistics and computing*, Springer, v. 4, n. 2, p. 65–85, 1994.
- YIN, Y.; HOFFMAN, E. A.; LIN, C.-L. Mass preserving nonrigid registration of ct lung images using cubic b-spline. *Medical physics*, American Association of Physicists in Medicine, v. 36, n. 9, p. 4213–4222, 2009.